



Л. С. Хренов, Ю. В. Визиров

ЛОГАРИФМИЧЕСКАЯ ЛИНЕЙКА

издание второе, дополненное



МОСКВА «ВЫСШАЯ ШКОЛА» 1984

Редевзенті В. И. Ефимов

Под редакцией проф. Л. С. Хренова

Хренов Л. С., Визиров Ю. В.

Х91 Логарифмическая линейка: Практическое руководство.—2-е изд., доп.— М.; Высш. шк., 1984.—95 с., ил.

25 s.

В брошкоре рассмотрены общие правила алгобранческих а гре колонетрических действий с помощью линися трях систем и решени самых различных вадач, естречношихся а врактике работы техника Во игором яздании (первое амило в 1968 г.) рассматривается огорифическая динейка «Лениград»; эта винейка поляоляет пре заходять больше число порадий.

могарифимческая диненка «ленинград»: эта анненка позволяет про азволять большее челско операция. Рассчитано на широкий круг учащейся молодежи а технического персовая, желающих изучиться считать ва различных догарифиических дянейках.

X 1702030000-071 001(01)-84 K5-21-43-83 6БК 32.974 6Ф3

ПРЕДИСЛОВИЕ

В настоящее время происходит быстрое развитие и виедрение в практику счетиых приборов и вычислительных машии. Однако счетная логарифынческая линейка продолжает оставаться самым массовым вычислительным прибором для расчетов, не требующих большой точности и скорости.

Осиовное назначение пособия — научить считать на разных видах логарифмических линеек. Поэтому авторы кроме кратких теоретических сведений о счетиых логарифмических линейках и описания их устройств приводат коикоетные поимеры использования линеек для

различных вычислений.

Второе издание пособия переработано и дополнено. Заново написаны § 8—10, в которых описываются иекоторые счетные логарифмические линейки, широко используемые в вычислительной практике, в том числе линейка «Денинград»; приложение дополнено исторической справкой и примерами для упражиений.

Пособие рассчитано на широкий круг учащейся молодежи, а также может быть использовано ниженернотехническим персоналом, желающими научиться счи-

тать на разных видах логарифмических личеек.

В пособии § 7, 12—18 написаны Ю. В. Визировым, в весь остальной материал — Л. С. Хреновым.

Авторы считают своим долгом выразить благодарность рецензенту рукописи В. И. Ефимову за весьма ценные замечания, позволившие значителью улучшить сее содержание, и отметить труд А. С. Валуева за подготовку примеров 8—12 для упражиений с линейкой «Денинграл».

Все замечания, иаправленные на улучшение данного пособия, просим иаправлять в издательство «Высшая школа» (Москва, Неглиниая ул., 29/14).

введение

В практике самых различных вычислений исходивым данным полут быть не только точные, по чаше всего приближенные величины, определенные с той нли иной степенью достоверности. При этом следует учитывать, что результаты при вычислении с точными величинами

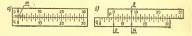


Рис. 1. Линейки с равномерными шкалами: a = совмещенное получение суммы двух чисся

будут точные лишь при сложении и вычитании и только за некоторым нсключением при умножении и возведенин в степень. Результаты вычислений с приближеннымн числами будут всегда лишь приближенными. Поэтому наряду с различными таблицами, представляющими совокупность с установленной точностью числовых значений данной функции, соответствующих определенным, последовательно расположенным значенням аргумента, широкое применение имеют различные механические средства вычислений. Самым простейшим из них будут две совершенно одниаковые равномерные шкалы, перемещающиеся относительно друг друга. С нх помощью можно графически производить действия сложення н вычитання. Например, если иметь две линейки Р н О с одинаковыми делениями (рис. 1, а), то для получення суммы 6 + 8 = 14 следует поступить следующим образом. Линейку Р надо передвинуть вправо относительно линейки Q так, чтобы ее штрих 0 был против штриха 6 (первое слагаемое), нанесенного на линейке О (рис. 1, б). После этого против штриха 8 (второе слагаемое) на линейке Р можно прочитать по шкале линейки Q нскомую сумму (14).

Таким образом, на равномерных шкалах (рис. 1) отрезки пропорциональны числам, подписанным против соответствующих штрихов на шкале.

Уравнение для таких шкал имеет вид

$$y = mx,$$
 (1)

где m — модуль или масштаб равномерной шкалы. Следовательно, равномерная шкала является графическим изображением функции одного переменного х. т. е.

$$y = mf(x). (2)$$

Примечание. Для равномерной шкалы, показанной на рис. 1, модуль т равен длине наименьшего отрезка.

Если сложение и вычитание быстрее производить на русских счетах, нежели с помощью равномерных шкал. то для выполнення умножения, делення и различных алгебранческих и тригонометрических действий целесообразно пользоваться графическими способами. Только в этом случае используют неравномерные шкалы, т. е. такне, на которых отсчеты не пропорциональны соответствующим отрезкам. Примером неравномерных шкал служат шкалы, построенные для уравнений $y = m \lg x$, $y = m \lg \lg \alpha н т. п.$

Если построить две логарифинческие шкалы, то, пользуясь ими, можно графически производить умножение, деление и различные алгебранческие и тригоно-

метрические действия.

Песятичным (бригговым, обыкновенным) логарифмом числа а называют показатель q степени, в которую надо возвести основание 10, чтобы получить чнсло а. Например, в равенстве $10^q = a$ число q — десятичный логарифм числа a, τ , e, $q = \lg a$.

При вычислениях пользуются следующими свойствами логарифмов:

$$\lg ab = \lg a + \lg b, \tag{3}$$

$$\lg \frac{a}{b} = \lg a - \lg b,$$

$$\lg a^n = n \lg a,$$
(4)

$$\lg \sqrt[n]{a} = \lg a. \tag{6}$$

Если положительное число а представляет целую положительную или отрицательную степень основания 10,

(4)

т. е. $a = 10^{\pm n}$, где $n = 0, 1, 2, \ldots$, то логарифм этого числа равен положительному или отрицательному целому числу. Например,

Ig
$$1000 = 3$$
, tak kak $10^{8} = 1000$, Ig $100 = 2$, \Rightarrow $10^{2} = 100$, Ig $10 = 1$, \Rightarrow $10^{1} = 10$, Ig $1 = 0$, \Rightarrow $10^{0} = 1$, Ig 0 , $1 = -1$, \Rightarrow $10^{-1} = 0$, I, If 0 , $0.001 = -3$, \Rightarrow $10^{-3} = 0.001$ H t. M.

Для любого другого положительного числа, отличиого от нуля, его логарифмом будет число пррациональное, которое, как известио, можно с любой степенью точности заменить десятичной дробью. Целую часть такой дроби называют характеристикой логарифма, а дробную часть — его мантиссой. Например

$$\lg 10a = \lg 10 + \lg a = 1 + \lg a,$$
 $\lg 100a = \lg 100 + \lg a = 2 + \lg a,$
 $\lg \frac{a}{1000} = \lg a - \lg 1000 = \lg a - 3$ н т. д.,

т. е. логарифмы чисел а, 10а, 100а, 0,1а, 0,01а и т. л. имеют одинаковые мантиссы. Следовательно, мантисса какого-либо числа не зависит от положения запятой в этом числе.

Для определения характеристики логарифма пользуются следующими правилами.

1. Если a>1, то характеристика его логарифма положительна и равиа числу цифр без одной в целой части a, т. e, имеем:

 Если а<1, то характеристика его логарифма отрицательна и равиа числу иулей в а до первой значащие цифры, включая и нуль пелых. Значащими цифрами каждого числа являются все его цифры, за исключеныем нулей, стоящим в невой его части. Нули, стоящим в левой его части, позволяют определить разряд первой, отличной от нуля цифры в данном числе, т. е.

$$1 > a > 0,1$$
 — характеристика логарифма —I, $0,1 > a > 0,01$ — характеристика логарифма —I, $0,1 > a > 0,01$ — з » —2, $0,01 > a > 0,001$ — з » —3, $0,001 > a > 0,0001$ — з — —4

ит. д

Итак, характеристика логарифма есть иелое (положительное или отрицательное) число или нуль, а мантисса логарифма всегда положительное число.

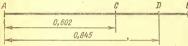


Рис. 2. Построение логарифмической шкалы

При записи догарифма, у которого характеристика отрицательна, знак минус пишут над характеристикой; этим подчеркивают, что мантисса положительна.

Например, $\lg 7 = 0.8451$; $\lg 23 = 1.3617$; $\lg 0.0149 =$ = 2.1732; 1g 12405 = 4.0936; 1g 0.00000694 = 6.8414;

 $lg 12 000 000 = 7,0792; lg 0.916 = \overline{1}.9619.$

Пользуясь свойствами логарифмов, можно построить логарифмические (неравномерные) шкалы, уравнения которых

$$y = m \lg x, \tag{7}$$

и производить по ним умножение, деление и другие свойства. Для построения логарифмической шкалы поступают

так. Если некоторый отрезок АВ (рис. 2) считать равным 1, то его можно принять за lg 10.

Теперь определим размеры отрезков, соответствую-

MIN.	Таблица 1											
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10			
0,000	0,301	0,477	0,602	0,699	0,778	0,845	0,903	0,954	1,000	•		

Например, Ig 4 и Ig 7 изобразятся соответственио отрезками

 $AC = \lg 4 : \lg 10 = 0,602,$

 $AD = \lg 7 : \lg 10 = 0.845.$

На рис. 3 показана логарифмическая шкала, построенная для уравнения (7) при m = 12,5 см.

Продолжая такую шкалу вправо от штриха 10, строим продолжение логариф-мической шкалы (второй ее участок). Таким же образом можно получить продолжение первой шкалы до 100 и т. д.

НОРМАЛЬНЫЕ СЧЕТНЫЕ ЛОГАРИФМИЧЕСКИЕ ЛИНЕИКИ

§ 1. ОПИСАНИЕ ЛИНЕЙКИ

Основой устройства счетной логарифмической линейки является логарифмическая шкала — графическое наображение логарифмов чнеел. Такая линейка служит для выполнения механическим путем различных вычислений. Точность вычислений из счетной логарифмической линейке авысит от длины ее шкал. На нормальной линейке можно получить результаты с тремя-четырьмя значащими цифрами с опшибкой не более единицы последнего знака.

Нормальная логарифмическая линейка (ТОСТ 5161 — 72) состоит из трех частей (рис. 4): корпуса G, имеющего продольный паз, движка Q, перемещающегося в пазах корпуса (покрытых сверху белым целлулойдом), и бетика Б.

На лицевой стороне корпуса G нанесеначетыре различные шкалы K, A, D и L длиной по 25 см каждая (см. § 2), а на боковых ее гранях — две измерительные шкалы F и P*

Измерительная шкала Р, нанесенная на боковой грани корпуса липейки, на рис. 4 но видиа.

10-lan Same 2 04-× A B w a d 63 9

1						_		
	Marie .		100	001		0	.0	0
	DESCRIPTION OF THE PERSON OF T	-	90	90		1		THE R
The state of	2000	-	o I	80	Ē.s.,		E 6	THE PERSON
	981123	Ľ	-	-	-	11.1	Ē	The
B R	SEC.	<u>_</u> 9		2	-S.	1	E	- the
	CONTRA	n		1 09	Ŀ	-0	8	8
0.0	PARK	F	9	E	ľ	=	Ē.	THE REAL PROPERTY.
	100	Ē	20	200	Ēs	Ξ		1
8.1	2524		1	E	L	1	4	Amh
	262	Ē,	18.5	E	ľ	-	- S	danie
E o	STATE	F	8	ľ	13	=	Ξ	8
F		5	=	E	K	- 6	9	almin a
	9	1	.53	5	Ė	-	=	-
i	1		-72	E	T.S	-	E	7
			=	Ē	Ľ	=	E	- Andreadard
			=	E	Ē.	=	Ē	7
	ı	-	-	E	Ē	-	-	Juliani
Ę		6 1 8	20	100	1	=	E	The second
H		1	J.	ľ	Ē	=	Ē	landa
H		L.	-1	E	Ē	4	-4	الم
E	H	T	4	E	Ē	1	E	3
	No.		-	F	i.	٥-		1
-			-	F	minul.	ď	-	- Inite
E	illi	E.	- 3	E	=	-	1	-6

Рис. 4. Лицевая сторона нормальной логарифинческой линейки

На лицевой стороне движка Q нанесены три неравномерные шкалы B, R и E (рис. 4), а на обратной стороне движка (рис. 5) — три неравномерные шкалы S, ST и T.

Бегунок состоит из прямоугольной металлической рамки со стеклом, на середине которого нанесена тонкая вертикальная черта—визир (указатель). Бегунок

	F	Lumburk	mjmnja	rijmin	manida	ulmila	nluninu	Ludund	myanp	ulmila
100	Sept.	100	100A	A 17.5	C 47 65	Sent Se	201	Mary State	F0000000	N. N. C. (1925)
	K	manual	phototota.	2	Anni Anni	-	3 15	114	9 9	E S
	S		1				10.	11	12	2 14
Q	т	him	iiini	mh		muh	hining	111111111111111111111111111111111111111	hapt.	سيليت
	T)									
	ע	1,0	1,2	4	104 10	5 1,6	0 13	10 2	di.	

undinning district	destimination	inuludududi	25 21	alundandand	minimization in the second
			CESTAN AND SE	MENTS TO SERVICE	SHEET SHEET SPACE
0 4 5	7 6 3	30	40	0 60	70 80 90
19 25 2	25 2,50	20 3 . 33	3,30 40	50 4,30	5 70 B
16 19 22	1111111	141411			40
CONTRACTOR OF THE PARTY OF THE					1276 047044 5 444 5 7 9 147 1
	9	5	8 94 . 7		

Рис, 5. Нормальная логарнфмическая линейка с движком, поставленным обратной стороной (Между шкалами S и Т расположена шкала ST.)

удерживается на линейке соприкасающимися с ее корпусом закранпами рамки. Между рамкой и корпусом линейки поставлена пружина, способствующая свободному перемещению бегунка и удержанию его на линейке.

На обратной стороне корпуса линейки приведены некоторые данные справочного характера: математические и физические постоянные, коэффициенты линейного расширения, модули упругости, плотности некоторых тел и т. д.

Счетная логарифмическая линейка требует бережного обращения; для хранения ее используют футляр. Линейку нельзя ронять; ее недопустимо хранить в го-

рячем или влажном месте; загрязненные шкалы линей-

ки можно протирать только винным спиртом.

Поверки линейки. 1. Верхняя поверхность движка должна лежать в одной плоскости с верхней поверхностью корпуса линейки.

2. При совмещении начального штриха шкалы А на корпусе с начальным штрихом шкалы В движка и с вызиром бегунка последний должен отмечать начала и концы в сех шкал линейки. В этом положении линейки икала D корпуса должна совпадать со шкалой Е движка, шкала квадратов А корпуса — со шкалой квадратов В на движке, а в вырезах обратићо стороны отчетные черточки должны совпадать с началом и концом триго-нометических шкал.

3. Движок и бегунок должны передвигаться в пазах корпуса достаточно легко и равномерно без проскаль-зывания и лишнего трения. При тугом перемещении движка можно тальком, воском или парафином протереть его боковые ребра, а при слишком легком скольжении бегунка по пазам линейки следует осторожно пологиять закранны его рамки, т. е. те его части, которыми ои держится на линейке.

4. Для выборочного контроля шкал следует произвести некоторые вычисления, например $\sqrt[3]{8} = \sqrt[7]{4} = 2;$ $\sqrt[3]{27} =$

 $=\sqrt{9}=3; \sqrt[3]{64}=\sqrt{16}=4; \sin 30^{\circ}=0,5, \dots$

Соответствующие штрихи на основной шкале D корпуса и штрихи на шкале обратных чисел при перевернутом движке должны совпадать (проверять, пользуясь бегунком).

§ 2. ШКАЛЫ ЛИНЕЙКИ

На лицевой стороне корпуса (см. рис. 4) верхияя шкала К (кубичная) и ниже ее шкала А (квадратичная) служат для вычисления соответствению кубов и квадратов чисся, значения которых отсчитывают имкале D. Мантиссы логарифмов чисся шкалы D нанесены на нижней шкале L линейки, которая заменяя собой треханачную таблицу мантисс. олгарифмов чисся и является единственной из четырех на лицевой стороне разномерной шкалой, разасленной для нормальной линейки с длиной шкало по 25 см на полумиллиметры; остальные шкалы логарифмические — неравномерные.

На шкале L наименьшее деление соответствует 0,002, а метки, обозначенные на ней цифрами 1, 2, 3, 4, ...,

читают как 0.1, 0.2, 0.3, 0.4 и т. д.

Шкала D на корпусе линейки и шкала E на движке называются основным шкалами линейки. Каждая шкала состоит из трех участков, на концах которых начесены цифры 1 и 2, 2 и 4, 4 и 10. На них наиссены отрезки, пропорациональные логарифмам m Ig x соответствующих чисел, но уменьшенным в четыре раза, так как длина всей шкалы равна 0.25 м, а не 1 м (τ е. m Ig x = 250 Ig x прu x or t до t0). Поэтому, на этих шкалах каждое наименьшее деление на участке t—2 обозначает 0.01 (сотые доли), на участке t—4 оно равно 0.02, а на участке t10 — уже 0.05.

На линейке кубичная шкала К, являясь также логарифмической тиї да, построена с модулем ти
е (250:3) мм для а от 1 до 1000; она состоит из трех
участков, на левых концах которых поставлена цифра I.
На ее первом участке (девый крайний) наименьшее деление (цена одного деления) в интервале 1—2 равно
0,02, в интервале 2—5 равно 0,05 и в интервала 5—1
(10) равно 0,1. На ее втором участке (среднем) в интервалах 10(1)—20(2), 20(2)—50(5) и Б0(5)—100(1)
ваименьшие деления соответственно равны 0,2, 0,5 и 1.
Наконец, на ее третьем участке (правом крайнем) в интервалах 10(1)—20(2), 200(2)—50(5) и 50(5)—
1000(1) наименьшие деления соответственно равны
2,5 и 10.

На лицевой стороне движка между шкалами В и Е илиссена средняя шкала R (см. рис. 4) — шкала обратных чисел, представляющая собой шкалу E(D) в перевернутом виде, т. е. метка 10 поставлена на ее левом, а метка 1 на правом конце. На этой шкале отрезок от ее левого конца до любой метки например до метки р,

равен 250—250 $\lg p = 250 \lg (1:p)$.

На обратной стороне движка (см. рис. 5) нанесены три логарифинческие шкалы S, ST и T, преднавначенные для вычислений с тригонометрическими функциями. Уравнения этих шкал следующие:

 $y = m(\lg \sin \alpha_s + 1) -$ шкала синусов (S);

y [lg 0,5(sin α + tg α) + 2] — шкала синусов и тангенсов малых углов (ST);

 $y = m(\lg \lg \alpha_t + 1)$ — шкала тангенсов (T),

где α_s и α_t — пометки углов, соответствующие шкалам S и T.

На верхней шкале S нанесены от начальной точки в масштабо соковной шкалы логарифмы сннусов углов от 5° 43′,77 до 90°, а на нижней шкале Т— логарифмы тангенсов углов от 5° 48′,77 до 45°. На средней шкале ST— шкале синусов и тангенсов — от начальной точки (как и на крайних шкалах) нанесены логарифмы этих функций для значений острых углов от 0° 34′,38 до 5° 43′,77, т. е. до того места, с которого начинается шкала S.

Для каждой из этих шкал значения углов выбраны так, что значение функции крайнего правого отсчета в десять раз больше значения той же функции для начального левого отсчета.

Действительно.

Действительно,

 $\sin 0^{\circ} 34',38 \approx \text{tg } 0^{\circ} 34',38 \approx 0,01000;$ $\sin 5^{\circ} 43',77 \approx \text{tg } 5^{\circ} 43',77 \approx 0,100;$

 $\sin 90^{\circ} = 1$, a tg $45^{\circ} = 1$.

Следовательно, шкалы S и T содержат логарифым углов, сннусы и тангенсы которых меняются в пределах от 0,1 до 1,0, а средняя шкала ST—логарифмы углов, сннусы (тангенсы) которых меняются в пределах от 0,01 до 0,1.

На шкале S на участке от ее начала до 10° наименьшее деление соответствует 5', на участках 10—20° и

20-90° оно соответственно равно 10' и 20'.

На шкале Т наименьшие деления 5' и 10' имеют участки, соответствующие углам в пределах 5° 43',77—20° и 20—45°.

На средней шкале ST наименьшее деление на участке до 3° соответствует 1', а от 3° и дальше — 2'.

Такое сочетание шкал, нанесенных на лицевой

стороне линейки и на двух сторонах движка, позволяет выполнять по ним самые различные вычисления.

На некоторых шкалах лицевой стороны лицейки и на одноименных шкалах движка особыми штрихами отмечены константы: π (на шкалах A, B, E и D), M=1: π (на шкалах A и B), c=V4: π , $c_1=V40$: π (на шкалах A и B), c=V4: π , $c_2=V40$: π (на шкале E), ρ = 3437.8, ρ = 206265, ρ_a = 636620 и V=V2: $Q_2=4$,429 (на шкале E) или часть их и ρ °, ρ_a (на шкалах E и D, см, рис. 4).

На обратной стороне корпуса линейки помещена таблица числовых значений некоторых постоянных величин, а также температуры плавления, модули упругости, плотности и коэффициенты линейного расшире-

ния различных материалов.

§ 3. УСТАНОВКА И ЧТЕНИЕ ЧИСЕЛ ПО ШКАЛАМ ЛИНЕЙКИ

Установить заданное число на имкале липейки— это значит найти его место ив этой шкале. И наоборот, если на шкале линейки указано место, то для определения числа, соответствующего этому месту, неободлямо умест на шкале прочитывать это число. При этом следует помнить, что каждая метка (черточка) на шкале счетной линейки соответствует не одному какому-либо определенному числу, а всякому другому, которое може быть получено умикомением этого числа на 10 в любой

	F 8 m,	-
G	Κ Α 2 3 1 4 π ε 7 2 5 1	
	B B B B B B B B B B B B B B B B B B B	4
Q	E 1 1/T 12 13 14 15 16 1 15 19 2 97	b
G-	D	1

Рис. 6. Визир движка поставлен на отсчет числа 3,90 ма шкале А степени. Например, число 19,75 (см. отсчет по визиру бегунка на шкале Е, рис. 6) булет на линейке в том же месте, что числа 1975, 1,975, 0,1975, 0,01975, 0,01975, 1,975, 0,1975, 0,01

При установке чисел на шкалах счетной линейки не следует обращать внимание ни на запятые, ни на нули, стоящие в конце устанавливаемого числа (кроме шкал А, В, К и L).

Следовательно, при установке чисел на шкалах надо читать все его цифры в последовательном порядке и определять место этого числа на шкале, руководствиясь соответствиющими ее делениями.

Точность отсчета по любой из шкал счетной логарифмической линейки зависит от длины этой шкалы.

Уравнение основной неравномерной шкалы счетной логарифмической линейки имеет вид (см. с. 7) $y=m\ln y$ или $y=mM\ln x$, где $M=\lg_{10}e=0,43...$ модуль десятичных логарифмов. Дифференцируя функцию (7) и заменяя при этом дифференциалы погрешностями, получим

$$\Delta y = mM \frac{\Delta x}{r},\tag{8}$$

где Δy — погрешность определения длины отрезка y, m — масштаб шкалы, а $\frac{\Delta x}{x}$ — относительная погрешность определяемого числа по шкале.

Из (8) следует, что для относительной погрешности определяемого по шкале числа справедливо соотношение

$$\frac{\Delta x}{x} = \frac{\Delta y}{mM}. (9)$$

Для шкалы с m=25 см и при $\Delta y=0,1$ мм относительная погрешность

$$\frac{\Delta x}{x} = \frac{0.1}{0.43 \cdot 250} \approx \frac{1}{1000} = 0.1 \%$$
.

Следовательно, по шкале, для которой справедливо можно в се начале производить отсчет числа с четырьмя, а в конце такой шкалы—с тремя значащими цифрами; при этом погрешнюсть результата не превысит единицы последнего знака в отсчитываемом числе.

На рис. 6 с помощью визира беѓунка показана установка на шкалах:

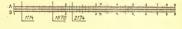
А — числа 3,90 (три, девять, ноль);

R — числа 5,06 (пять, ноль, шесть);

э 19.75 (один, девять, семь, пять).

На шкале D по визиру бегуика (рис. 6) можно прочитать число 0,001975, или 1,975, или 197,5 или 1975. А на шкале L по тому же визиру читаем 296.

На счетной линейке в начале шкал A, B, R, E и D (см. рис. 4) можно устанавливать или прочитывать че-





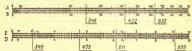


Рис. 7. Части шкал А. В. Е в D нормальной логарнфмической линейки с длиной шкал 25 см

тыре цифры, а в середине и в конце этих шкал — толь« ко три цифры числа (рис. 7).

Если число состойт из большего числа цифр, то при работе на счетной линейке остальные цифры отбрасывают, пользуясь при этом округлением по правилу с поправкой:

 если первая из отбрасываемых цифр равна или больше пяти единиц, то последиюю оставляемую цифру в числе увеличивают на единицу:

 если первая из отбрасываемых цифр меньше пяти единиц, то последиюю оставляемую цифру в числе сохраияют без изменения;

 3) если в точном числе последней цифрой является цифра 5, то предшествующую ей цифру увеличивают на единицу только в том случае, когда она нечетная.

Например, число 131,29853 после округления будет 131,299 или 131,30: число 87,8242 — булет 87,824 или 87.82; если числа 35.965 и 149.875 точные, то после округления они булут 35.96 и 149.88.

в 4. порядок чисел

Для определения окончательного результата вычислений на счетной логарифмической линейке необходимо иметь понятие о порядке (значности) чисел.

Порядком (значностью) числа, равного или большего единицы, называют число цифр, стоящих в его целой части: такой порядок называют положительным.

Порядком (значностью) числа, меньшего единицы, называют число нулей, стоящих после запятой до его первой значащей цифры; такой порядок считают отрипательным Например:

Число	Порядок (значность)	Число	Порядок (значность)
7	1	0.1	0
29	2	0.19	0
560	3	0,19994	Ö
561,7	š	0.00750	-2
561,384	3	0,084	-1
281,35	3	0,0001	-3
2,811	i	0,99	- 0
5133,5133	4	0,00000181	5

Из приведенных примеров видно, что порядок любого числа (большего или меньшего единицы) всегда на еди-

Таблица 2

Чнело	Логарифм	Порядок	Чиело	Логарифм	Порядок
4,131	0,6161	1=0+1	0,012	2,0792	-1=-2+1
63	1,7993	2=1+1	0,137	1,1367	0=-1+1
127,4	2,1052	3=2+1	0,000961	4,9827	-3=-4+1
93,18	1,9693	2=i+1	0,00239	3,3784	-2=-3+1

ницу больше характеристики его десятичного логарифма (табл. 2).

§ 5. ДЕЙСТВИЯ НА ЛИНЕЙКЕ С АЛГЕБРАИЧЕСКИМИ И ТРИГОНОМЕТРИЧЕСКИМИ ВЫРАЖЕНИЯМИ

На счетной логарифинческой линейке механическим лутем можно производить умиожение, деление, повзедение в степень и навлечение корня, а также определять натуральные значения тригомострических функций заданных углов. И наоборог, по заданным натуральным

	ė	O CONTRACTOR OF THE PARTY OF TH	1 - 1	2	3		4	5		Junion	8	milimbin
G	K A	بسست سسط	rimin desimbe	Triplet	1	. 3	ininin Ininin		37.	7 . 6	9	5 0
		\supset				_		-				
								LOC	5161-72			
G	D L	kronton	1.1 6	-1-2	1.3	14	1.5	18	7 18	15 2 8		

Рис. 8. Отсчет числа 1,9 на шкале D по визиру движка

значениям функций находить соответствующие им углы, определять логарифмы и антилогарифмы чисся и логарифмы триговометрических функций и производить различные вычисления (см. § 7). Например, по шкалам лицевой стороны лицейки с помощью только одной установки визира бегунка можно получить сразу четыре результата: число на основной шкале. D, его логарифм на нижней шкале. L, а квадрат и куб этого числа соответственно на шкалах А и К.

На рис. 8 по визиру бегунка, поставленного на штрих, подписанный на шкале D числом 1,9, можно по шкале L прочитать [g [,9=0,279, по шкале A—квадрат этого числа, т. е. $[,9^2=3,61,$ а по шкале K—куб этого числа, т. е. $[,9^2=3,61,$ а по шкале К—куб этого числа, т. е. $[,9^2=6,68.$ Если же визир бегунка установить, например, на какое-нибудь число на шкале кубов К или квадратов А, то по визиру можно прочитать кубический вли квадратвый корень из этого числа на шкале D, а логарифм этого корня—на нижней шкале L корпусса линейки.

Примечание. Если при работе на линейке шкалы движка не используются, то для удобства вычислений его следует выдвинуть из пазов линейки (рис. 8). Для приобретения навыков в работе со счетной логарифмической линейкой следует проделать на ней рассмотренные ниже примеры.

Умножение и деление

Эти действия на линейках основываются на известных свойствах логарифмов (см. с. 5—7) и при умножении сводятся к сложению соответствующих отрезков на логарифмических шкалах Е и D, а при делении— к вычитанию их.

Пример 1. Вычислить $x = 32,4 \cdot 23$.

Польвуясь соответствующими шкалами линейки, не и § 23. Для этого визир бегунка ставят на шкале D на деление 32.4, а перемещением движка вправо полводят его левую крайнюю цифру I на шкале Е под указатель. Затем бегунок переводят вправо, устанавливая его визир на деление 23 шкалы Е, и по визиру читатот на основной шкале D линейки ответ: хе 745.

Пример 2. Вычислить $x = 5.65 \cdot 3.17$.

 \Box ля вычисления произведения воспользуемся равенством a+b=(10+a)-(10-b), в котором a в b—логарифым сомножителей. Для этого правый крайний штрих 10 на шкале E движка, передвигая последний влево, совмещают с делением 5.65 на осковной шкале D линейки. Затем, установив визир бегунка на деление 3.17 шкалы E движка, по указателю читают на шкале D ответ: $x \approx 17.9$.

При умножении чисел можно пользоваться и обратной шкалой R (средняя шкала лицевой стороны движ-

ка).

В приведенных примерах умножения двух чисел движок в одном случае передвигается вправо, а в другом — влево. При этом следует учитывать следующие поавила:

 если при перемножении двух чисел движок передвигался вправо, т. е. когда для перемножения пользуются начальным штрихом 1 шкалы Е движка, то в этом случае порядок произведения на единицу меньше суммы двух сомножителей;

 если же при перемножении двух чисел движок передвигался влево, т. е. когда для перемножения пользуются конечным штрихом 1 шкалы E, то в этом случае порядок произведения равен сумме порядков сомножителей.

Пример 3. Вычислить $x = 42,5 \cdot 12,7$.

Визир бетунка следует поставить на штрих 42.5 основной шкалы D, а затем переместить движок влево до совмещения с визиром числа 127 обратной шкалы №; на основной шкале D, против конечного штриха шкалы R движка, читают ответ: х ≈540.

Пример 4. Вычислить y = 6,44:2,19.

Политер — по точений по точений

Пример 5. Вычислить u = 5.24:7.76.

Здесь делимое меньше делителя, поэтому визир беписка совмещают с делением 524 основной шкалы D и писка подводят штрых 776 шкалы E. После этого против правого крайнего штрыха 10 на движке читают на основной шкале D ответ: у = 0,675 м.

Пример 6. Вычислить $z = \frac{2,17 \cdot 3,81}{4.25}$

Визир бегунка ставят на штрих, соответствующий числу 2,17 (первый сомиожитель) на шкале D корпуса линейки, и передвигают движок влево до совмещения штриха, отмечающего число 4,35 (делитель), с визиром бегунка. Ставят визир бегунка на штрих шкаль Е движ-ка, соответствующий числу 3,81 (второй сомиожитель), и под визиром на шкале D читают ответ z ≈ 1,92 но под визиром на шкале D читают ответ z ≈ 1,92 но под визиром на шкале D читают ответ z ≈ 1,92 но под визиром на шкале D читают ответ z ≈ 1,92 но под визиром на шкале D читают ответ z ≈ 1,92 но под визиром на шкале D читают ответ z ≈ 1,92 но под визиром на шкале D читают ответ z ≈ 1,92 но под визиром на шкале D читают ответ z ≈ 1,92 но под визиром на шкале D читают ответ z ≈ 1,92 но под визиром на шкале D читают ответ z ≈ 1,92 но под визиром на шкале D читают ответ z ≈ 1,92 но под визиром на шкале и под визиром на шкале и под визиром на шкале и под визиром на под визиром на шкале и под визиром на шкале и под визиром на под визиром на шкале и под ви

Пример 7. Найти произведение числа 17.8 на сле-

дующие множители: 2,41, 4,19, 0,213.

Перемещают двяжок до совмещення левого крайнего штриха шкалы Е с отсчетом 17,8 — первым сомножителем на шкале D. После этого двягают бегувок на линей-ке, совмещая его визир последовательно со штрихами на шкале E, соответствующими 2,41, 4,19 и 0,213; каждый раз на шкале D читают ответы: 42,9≈17,8-2,41; 74,6≈ ≈ 17,8-4,19 и 3,79≈17,8-0,213.

При делении чисел, содержащих десятичные дроби, необходимо всякий раз определять в частном место запитой, отделяющей целую часть числа от дробиой, т.е. определять количество целых знаков в частном. При этом можно руководствоваться следующими правиламий 1) если первая значащая цифра делимого a меньше первой значащей цифры делителя b, то порядок (значность) частного N равен разности значностей делимого n_b и делителя n_b , т. е.

$$N = n_a - n_b; (10)$$

2) если первая зпачащая цифра лелимого a больше первой значащей цифры делителя b, то порядок (значность) N частного равен разности значностей делимого n_a и делителя n_b и плюс единица, т. е.

$$N = (n_a - n_b) + 1. (11)$$

Примечание Если первые вначащие цифры делимого я делигеля равиВ, то определение порядка частного по формудам (10) и (11) производят по вторым значащим цифрам делимого и делители, а при разенства вторых значащих цифр

Возведение в степень и извлечение корня

Возведение в степень. При возведении в степень и извлечении на линейке квалратного или кубического кория из числа на шкале D отыскивают штрих, соответствующий основанию степени х, и с ним совмещают визир бегунка. По визиру на шкалах квадратов А или кубов К прочитывают соответственио квадрат или куб числа х. При этом для установления порядка (значности) определяемой степени или искомого квадратного или кубического корией следует пользоваться правилами, приведенными в табл. 3. Например, $0.14^2 = 0.0196$ (результат прочитывают по левой половине шкалы A; порядок $N=2n-1=2\cdot 0-1=-1$); $900^2=810000$ (результат прочитывают на правой половине шкалы А; порядок $N=2n=2\cdot 3=6$); $1,63^3\approx 4,33$ (результат прочитывают на левой части шкалы K; порядок N= $=3n-2=3\cdot 1-2=1$); $3.42^3\approx 40.0$ (результат прочитывают на средней части шкалы К; порядок N == $=3n-1=3\cdot 1-1=2$); $70^3=343\,000$ (результат прочитывают на средней части шкалы К: порядок N == $= 3n = 3 \cdot 2 = 6$).

		14011144
Действие	Чтение результата	Порядок результата разев
Возведение в квалрат	На левой полови- не шкалы А	Удвоенному порядку основания степенн <i>п</i> минус единица, т. е. <i>N</i> → −2 <i>n</i> −1
То же	На правой поло- вине шкалы А	Удвоенному порядку основания степенн n , т. е. $N = 2n$
Возведение в куб	На левой части шкалы К	Утроенному порядку основання степени n без двух, т. е $N=3n-2$
То же	На средней части шкалы К	Утроенному порядку основання степени n без единицы, τ . е. $N=3n-1$
,	На правой части шкалы К	Утроенному порядку основання степенн <i>п</i> , т, е. <i>N</i> =3 <i>n</i>
Действне	При установке подкоренного числа	Порядок результата равен
Извлечение квад- ратного корня	На левой половине шкалы А	Половине увеличенно- го на единицу порядка подкоренного числа л, т. е. $N = (n+1)/2$
То же	На правой половние шкалы А	Половине порядка под- коренного числа n , т. е. $N=n/2$
Извлечение ку- бического корня	На левой части шкалы К	Одной третн порядка подкорениого чиста n , увеличениого на два, т. е. $N=(n+2)/3$
То же	На средней частн шкалы К	Олной трети порядка подкоренного числа а, увеличенного на единицу, т. е. $N=(n+1)/3$

В табл. 4 приведены примеры для упражнения в определении квадратов и кубов чисел, для которых здесь даны их точные значения.

Извлечение корня, Так как навлечение корня—лействие, обратное возведению в степець, то на линейке его производит, пользуясь шкалами К и А, на которых отыскивают значение соответствующего кубического или квадратного кория.

При извлечении квадратного кория подкоренное число х отыскивают в левой или правой половине шкалы А корпуса линейки.

Таблица 4

x	χŝ	z†	x	΄ έα	х3
17 50 44 1,19 219	289 2500 1936 1,416 47 961 19 044	4913 125 000 85 184 1,685 10 503 459 2 628 072	1,98 0,015 22,6 384 8,29 0,643	3,92 225·10—6 51·),8 147 456 68,7 0,413	7,762 3375·10-0 11 543 56 623 104 569,7 0,266

Подкоренное число x отыскивают в левой половние шкалы Λ , если после развлененыя числа x на грани в крайней левой грани (прн $x \ge 1$) или той, которая находится за гранями, состоящими из иулей (при $x \le 1$), окажется только одна цифра. Λ если в такой грани окажется две цифры, то подкоренное число x отыскивают в повлюй половие шкалы Λ .

Порядок квадратного корня можно определять числом граней. Он всегда равен числу всех граней, на которое разделено подкоренное число х≥1, илн числу граней, содержащих только нули (за исключением нуля, если он является целой частью числа x), если подкорениюе число x≤1.

Пример 1. Вычислить $x = \sqrt{264}$.

На левой половние шкалы А отыскивают полкоренное число 264 и с ним совмещают визир бегунка, а на шкале D под визиром чнтают ответі $x \approx 16,25$; порядок N = (n+1)/2 = (3+1)/2 = 2 (см. табл. 3).

Пример 2. Вычислить $x = \sqrt{3085}$.

Визнр устанавливают на правой половине шкалы А; отыскивают подкоренное число 3085 и с инм совмещают

визир бегунка, а на шкале D под визиром читают ответ: $x \approx 55.5$; порядок N = n/2 = 4/2 = 2 (см. табл. 3). При извлечении корня кубического подкоренное

число х отыскивают на шкале К корпуса линейки в ле-

вой, средней или правой крайней ее части.

В левой крайней части шкалы К подкоренное число х частра в том случае, если после разделения числа х на грани в крайней левой грани (при х₂) и ли той, которая находится за граними, содержащими нули (при х₂), окажется только одна цифра. Если же в такой грани окажется две цифры, то подкоренное число х отыскивают в средней части шкалы К, а при трех цифрах в такой грани—в ее крайней правой части.

Порядок кория кубического можно определять и по числу граней: он всегда равен числу всех граней, если х≥1, или числу граней, содержащих только иули, если

Пример 3. Вычислить $x \approx \sqrt[3]{811}$.

Подкоренное число находят на правой части шкалы кубов K, с ним совмещают визир бегунка, а на шкале D под визиром читают ответ: $x \approx 9,33$; порядок N = -n/3 = 3/3 = 1 (см. табл. 3).

Пример 4. $\sqrt[8]{76} \approx 4,24$.

В этом случае визир устанавливают на средней части шкалы K; порядок N = (n+1)/3 = (2+1)/3 = 1 (см. табл. 3).

Пример 5. $\sqrt[3]{0,00385} \approx 0,1567$.

Для решения этого примера визир устанавливают на левой части шкалы K; порядок N=(n+2)/3=(-2+2)/3=0 (см. табл. 3).

Примеры.

2. $\sqrt{389} \approx 19,7$.

1. $\sqrt{151} \approx 12,3$. 8. $\sqrt{691} \approx 26,3$.

4. $\sqrt{935} \approx 30,6$.

5. $\sqrt{4700} \approx 68,56$.

6. $\sqrt{77200} \approx 278$.

7. $\sqrt{0,000185} \approx 0,0136$.

8. $\sqrt{0,000090} \approx 0,0095$

9.
$$\sqrt[3]{164} \approx 5,47$$
. 10. $\sqrt[3]{287} \approx 6,60$.
11. $\sqrt[3]{376} \approx 7,22$. 12. $\sqrt[3]{590} \approx 8,40$.
13. $\sqrt[3]{7930} \approx 19,94$. 14. $\sqrt[3]{98900} \approx 46,2$.

15. $\sqrt[3]{0,07.15} \approx 0,415$. 16. $\sqrt[3]{2,48} \approx 1,355$.

Нахождение десятичного логарифма и числапо его логарифму

Для решения этих задач по линейке пользуются ее шкалой L (см. рис. 8), представляющей графически

таблицу мантисс логарифмов.

Чтобы найти десятниный логарифы числа, визир бешкале Осм. рис. 4) и по визиру на шкале L прочитывают мантиссу, а впереди приписывают к ией характеристику (см. с. 5—7). Например, 1g 1,90-8,279, а

1g 197,5≈2,296 (см. рис. 8).

Пля потенцирования— нахождения числа по его десатичному логарифму — задваную мантиссу логарифма устанавливают визиром на шкале логарифмов L линей, ки, а число, ей соответствующее, прочитывают по визиру на основной шкале D. Например, для определення числа по заданному десятичному логарифму I,296 визирбетунка совмещают со штрихом 296 на шкале L (см. рис. 6), соответствующим мантиссе заданного логарифма, и на шкале D по визиру читают число 1977, а с учетом характеристики заданного логарифма оно соответствует числу 0.1977.

Примеры.

1.
$$\lg 351 \approx 2,545$$
. 2. $\lg 58,6 \approx 1,768$.

3.
$$\lg 0.964 \approx \overline{1.984}$$
. 4. $\lg 0.00711 \approx \overline{3.852}$. 5. $\overline{4.830} \approx \lg 0.000677$. 6. $2.550 \approx \lg 355$.

7.
$$1,949 \approx 1g\ 0,890$$
. 8. $0,495 \approx 1g\ 3,13$.

Вычисление значений тригонометрических функций

Логарифмические шкалы S, ST и T, нанесеиные на обратной стороне движка, позволяют производить самые различные вычисления по формулам, в которые

входят тригонометрические функции. Для определения по этим шкалам натуральных значений косинусов и котангенсов, отсутствующих на шкалах движка, пользуются общензвестными формулами:

$$\cos \alpha = \sin(90^{\circ} - \alpha), \tag{12}$$

$$\operatorname{ctg} \alpha = 1/\operatorname{tg} \alpha$$
 для α от 0 до 45°, (13)

$$ctg \alpha = tg(90^{\circ} - \alpha)$$
 для α от 45° до 90°. (14

Так как начало счета делений на средней шкале движка (ST) начинается от 0° 34′,38, то для определения синусов и тангенсов углов от 0 до 0° 34′,38 пользуются соотношениями

$$\sin \alpha \approx \operatorname{tg} \alpha \approx \sin 1' = \alpha'/\rho' = \alpha'/3438.$$
 (15)

Пример 1. Вычислить $h = l \lg \alpha$, если l = 108 м, $\alpha = 8^{\circ} 35'$.

Движок повернуть обратной стороной (см. рис. 5) и вставить в пазы линейки так, чтобы шкала S совме-

стилась со шкалой A, а шкала Т—со шкалой D.

Для вычисления h = 108 tg 8° 35′ начальный штрих

для вычисления n=100 гд s3 от начальным штрих шкалы Γ движка сначала подволят к штриху 108 шкалы D. Затем совмещают визир бегунка со штрихом $8^{\circ}35'$ на шкале T и по нему на шкале D читают ответ: $h \approx 16,30$ м.

Пример 2. Вычислить $\Delta x = l \cos \alpha$, если l = 218 м и $\alpha = 41^{\circ} 20'$.

Так как $\Delta x = 218\cos 41^{\circ}20' = 218\sin 48^{\circ}40'$, то визир бегунка ставят на штрих 218 шкалы D. Перемещая движок влево, совмещают с ним его конечный штрих шкалы S и, пользуясь визиром бегунка, против штрих $48^{\circ}40'$ на шкале S читают ответ на шкале Di $\Delta x \approx 163,7$ м.

Пример 3. Вычислить $\Delta l = l \sin \alpha$ при l = 125 мм и $\alpha = 0^{\circ}$ 30′. Вычисляют дробь: $125 \frac{30'}{4438'}$, Ответ: $\Delta l \approx 1,091$ мм.

Натуральные вначения сниусов и тангенсов можно находить, не переставляя движка в пазкл. С этой целью на обратной стороне линейки сделаны два продолговатых выреза так, что в левом видна лишь одна шкала Т, в в правом —две другие шкалы движка — S и S Т. На скошенных стенках этих вырезов нанесены штрихи: на левой — один, а на правой —два. Если совместик штрих из левом вырезе корпуса с каким-либо делением

шкалы Т (например, 8°), то на обратной стороне движка по шкале Е протне начального штриха 1 основной шкалы линейки можно прочитать натуральное значенне тангенса этого угла. Читаем 1405, т. е. tg 8°≈0,1405.

Если же под верхний штрих правого выреза подвети, например, 35° шкалы S движка, то против правого крайнего штриха, отмеченного на основной шкале линейки числом 10, можно прочитать натуральное значение синуса этого угла. Читаем 574, т. е. sin 35° ≈0,574.

По линейке можно не только определять натуральные значения тригонометрических функций по их углам, но решать н «обратные» задачи — находить углы по на-

туральным значениям этих функций.

1. Для нахождения угла по натуральному значению синуса или тангнеси на лицеой стороне линейки находят значение соответствующих функций на шкале В движка и, передвигая последний в пазах линейки, совмещают это значение с конечным или начальным штрихом шкалы D. Перевериры линейку обратной стороной, В правом или левом вырезе ее против черточки читают ответ соответственно на шкалах S или Т.

 Для нахождення угла по натуральному значенню косинуса или котангенса сначала находят по линейке, как указано выше, значения соответствующих функций.

а затем по формулам определяют

$$cos α = sin(90° - α)$$
 μ ctg α = tg(90° - α). (16)

Примечания: 1. При определении воличним угла по задажному значению тригомомерческой функции необходимо учитывать, что одному и значения угла сель образовать, что одному и тому же натуральному значению обучкии будут соответствовать четары значения угла, если не принимать во виними в сама одному в при значания одному в при учитывать эти миним в при значания одному в при значания задач исло знать, о жизой чтегоры находится в скомый угла.

 Для решения этих задач необходимо определить цену делевий на всех участках шкал S, ST и T обратной стороны движка.

Примеры.

1. $\sin 5^{\circ} 10' \approx 0,0901$. 2. $\cos 15^{\circ} 10' \approx 0,965$.

3. $tg 58^{\circ} 00' \approx 1,60$. 4. $ctg 19^{\circ} 20' \approx 2,85$.

5. $\sin \alpha = 0.335$; $\alpha \approx 19^{\circ} 35'$. 6. $\cos \alpha = 0.975$; $\alpha \approx 12^{\circ} 50'$.

7. $tg \alpha = 0.0693$; $\alpha \approx 3^{\circ} 58'$. 8. $ctg \alpha = 136$; $\alpha \approx 82^{\circ} 15'$.

И наконец, нахождение натуральных значений тригонометрических функций можно производить на лицевой стороне линейки по шкале D. В этом случае вставляют в линейку движок обратной стороной так, чтобы крайние штрихи на движке и корпусе динейки совместились. Теперь для нахождения значения тригонометрической функции совмещают визир бегунка с соответствующим углом заданной функции и под визиром на шкале D читают натуральное значение искомой функции.

8 6. ОСОБЫЕ ЗНАЧКИ НА ШКАЛАХ ЛИНЕЙКИ

Пользуясь штрихами на шкалах линейки, отмечающих константы л. М. с. с₁, р°, р' и р", производят различные расчеты. Например, можно производить перевод градусов, минут и секунд в радианы и обратно по формулам

$$φ = α/ρ$$
 и $α = φρ$, (17)

где ф и а - соответственно значение угла в радианной и градусной мере.

Пример 1. Найти значение угла а = 10° 32' в ради-

аниой мере.

Выражают заданный угол в минутах ($\alpha = 632'$). Затем визир бегунка ставят на деление 632 основной шкалы линейки и подводят под указатель штрих шкалы Е, отмеченный значком р'. После этого против левой крайней цифры на движке читают на шкале D ответ: $\alpha \approx 0.1838$.

Пример 2. Найти в градусной мере значение угла

φ = 0.84, выраженного в радианах.

Согласно формуле (17), решение этой задачи сводят к перемножению двух чисел ф и р°; для данного примера 0,84.57,3. Визир бегунка ставят на деление 84 основной шкалы D. Перемещая движок влево, подводят под его указатель правый крайний штрих шкалы Е, отмеченный числом 10. Затем визир бегунка ставят на штрих, отмеченный на шкале Е значком р° (57°,3), и против иего на шкале D читают ответ: $\alpha = 48^{\circ},1$.

Пример 3. Определить площадь круга $S = \pi d^2/4$ с диаметром d = 23.5 м.

Визир бегунка ставят на отсчет 23,5 шкалы D кор-

пуса линейки и подводят под визир число 4 шкалы В движка. Затем перемещают визир бетунка до совивальния со штрихом, отмеченным на шкале В движка штри-хом л, и по визиру на шкале квадратов А корпуса линейки читалот ответ: S — 434 м².

Пример 4. Определить диаметр круга $d=\sqrt{(4:\pi)S}=$ = $c\sqrt{S}$, где $c=\sqrt{4:\pi}=1,28$ (см. с. 14), а S=125-

ваданная площадь круга.

Решение этой задачи можно выполнять с помощью шкалм А и D на корпусе линейки и шкалм Е на движке. Устанавливают визир бегунка на отсчет 125 на шкале А (в ее левой крайней части) и совмещают с визиром начальный отсчет 1 шкалы Е. Пользуясь визиром, читают на шкале D против штриха, отмеченного на шкале Е, буквой с, ответ: d — 12,6.

Пример 5. Определить длину окружности $l = \pi d$

с диаметром d = 3,85.

Визир бегунка ставят на отсчет 3,85 на основной шкале D и совмещают с ним конечный штрих 10 шкалы Е движка, перемещая последний влево. Пользуясь визиром, читают на шкале D против штриха, отмеченного на шкале Е буквой т, ответ: [= 12,1.

Пример 6. Определить длину окружности $l = \pi d$

с диаметром d = 23.6.

Визир бегунка ставят на отсчет 23,6 основной шкалы D и совмещают с визиром начальный штрих I шкалы Е движка, перемещая его вправо. Пользуясь визиром, читают на шкале D против штриха, отмеченного на шкале Е буквой л, ответ: Е—74,1.

Пример 7. Определить диаметр круга $d = l : \pi$ при

длине окружности l = 4,65.

Визир ставят на отсчет, равный 4,65 на шкале D, и, подъявляя движок вправо, совмещают с визиром штрих шкалы E, соответствующий значению л. Загем на шкале D, пользуясь визиром, читают против начального штриха I шкалы E ответ: d = 1,48.

Примечания: 1. При пользовании штрихами, отмечающими комстанты на шкале Е движка, последний при вычелениях следует перемещать так (вараво или влево), чтобы штрих, соответствующий константе, участвующей в вычислениях, не вЕкодил за пределы шкалы Б.

2 Порядок (значность) при вычислениях с константами опре-,

деляется так же, как н при действиях, рассмотренных в § 5.

§ 7. ПРИМЕНЕНИЕ ЛИНЕРКИ ПРИ РАСЧЕТАХ

Умиожение и леление

Пример 1. Уравнение прямой на плоскости имеет вид y = 24x + 8. Найти значение ординаты y, если x = +4:

$$y = 24(+4) + 8 = +96 + 8 = +104$$
.

Пример 2. Найти площадь S прямоугольника со сторонами $a=63\,$ м н $b=248\,$ м:

$$S = ab = 63.248 \approx 15620 \text{ (M}^2\text{)} \approx 1,562 \text{ (ra)}.$$

Пример 3. Найти массу m песка объемом 2,3 м³. Плотность песка $\rho = 1,65 \text{ т/м}^3$;

$$m = 0 V = 1.65 \cdot 2.3 \approx 3.8 \text{ (T)}.$$

Пример 4. Вычислить средиюю скорость $v_{\rm cp}$ движения поезда на участке l=2520 км, если он тратит на этот путь 35 ч:

$$v_{\rm cp} = l : t = 2520 : 35 = 72 \text{ (KM/q)}.$$

Пример 5. Определить число n рейсов автомащины для перевозки M=145 т кирпича, если ее грузоподъемность m=2.5 т:

$$n = M: m = 145: 2,5 = 58$$
 (рейсов).

Пример 6. Найти основание l параллелограмма, если его площадь S = 480 см², высота h = 13 см;

$$l = S : h = 480 : 13 \approx 36,9$$
 (cm).

Применение шкал тригоиометрических функций

Возможно двоякое применение этих шкал: a) с поворотом движка, что бывает удобно для дальнейшего простого (однократного) умножения или деления функции; б) без поворота движка, с прочтением значения функции в одном из выреозо обратной стороны личейки.

Пример 1. Известны полярные координаты точки на плоскости: r = 71,3 и $\phi = 20^{\circ} 35'$. Определить прямоугольные (декартовы) координаты x и y точки:

 $x = r \cos \varphi = 71.3 \cos 20^{\circ} 35' = 71.3 \sin 69^{\circ} 25' \approx 66.7$; $y = r \sin \varphi = 71.3 \sin 20^{\circ} 35' \approx 25.1$. После поворота движка и установки его правого штриха протнв штриха, соответствующего числу 71,3 шкалы D, на этой же шкале под визиром бегунка протнв штрихов, соответствующих 69°25′ и 20°35′ в шкалы S, получают результаты умножения; 66° и 251.

Пример 2. Вычислить высоту h конуса, если длина его образующей b = 50 см. а угол между направляю-

щей и осью корпуса $\alpha = 15,5^{\circ}$.

Так как раднус основания конуса $r = b: 2\pi$, то высота его равна $h = r \cot \alpha = \frac{b}{2\pi \tan \alpha} = \frac{50}{2\pi \tan 3} = \frac{25}{\pi \cdot 0.277}$ (вычис-

ляемая дробь предварительно сокращена для экономни действий на линейке). Значение [g 15,5° = 0,277 получено установкой штриха, соответствующего 15° 30′ на шкале Т движка в левом вырезе линейки. Далее визир бегунка совмещают со штрихом 25 шкаль D, а визир движка − с его штрихом, соответствующим 0,277 на шкале Е. После того визир бегунка совмещают со штрихом л на шкале R и читают ответ, равный 34,5 по визиру бегунка на шкале D, или устанавливают его на штрих 10 на шкале D, или устанавливают его на штрих 10 на шкале С затем совмещают вызир со штрихом, соответствующим значку л на шкале E, и получают против на чального штока 1 шкаль С дв. 43.5 см.

Пример 3. Угол прямоугольного треугольника $\alpha = 31^{\circ}$ 15', прилежащий к нему катет b = 48 м. Определить катет a:

$$a = b \text{ tg } \alpha = 48 \text{ tg 31° 15'} \approx 29,1 \text{ (M)}.$$

Для решения этой задачи без поворота движка сназвла по шкале тангенсов находят угол 31° 15′, тангене которого прочитывают по начальному штриху шкалы D корпуса на шкале Е движка, т. е. 0,607, и умножают \$70 звачение на 48.

Применение шкал квадратов и кубов

Наряду с основными шкалами D корпуса и Е движка при умножении и делении чисел пользуются шкалами квадратов А, В н кубов К. Если в ходе ввичислений иужно язвлекать корень второй (третьей) степени, то операцин на линейке производят на основных шкалах Е в D и на шкалах А (кли соответственно К, если в процессе вычислений требуется извлечь корень третьей степенин). Если же среди сомножителей есть числа, которые должны быть возведены в квадрат, то все вычисления производят в произвольном порядке на шкалах А и В и на шкалах Е и D.

Пример 1. Определить диагональ а квадрата, если

его площадь S = 37 см²;

$$a = \sqrt{2S} = \sqrt{2.37} \approx 8.6$$
 (cm).

Пользуясь шкалами квадратов A и B, производят умножение S на 2 и на шкале D корпуса линейки читают ответ: $a\approx 8,60$.

Пример 2. Вычислить массу m цинкового кубика со стороной a=2,3 см; плотность цинка $\rho=7,14$ г/см³:

$$m = \rho a^3 = 7,14 \cdot 2,3^3 \approx 86,9$$
 (r).

Возведение числа 2,3 в куб производят, пользуясь шкалами D и K, а для последующего умножения пользуются шкалами E и D.

Пример 3. Вычислить площадь S круга радиуса

$$S = \pi r^2 = \pi \cdot 71^2 \approx 15.840 \text{ (cm}^2) = 1.584 \text{ (m}^2).$$

При этих вычислениях используют шкалы D, A, B. Пример 4. Вычислить гипотенузу z прямоугольного треугольника, катеты которого a=17 см и b=26 см:

$$z = \sqrt{a^2 + b^2} = \sqrt{17^2 + 26^2} = \sqrt{289 + 676} = \sqrt{965} \approx 31.1$$
 (cm).

По шкалам Е и В получают 172=289 и 26^{9} =676, я для определения $\sqrt{965}$ ≈ 31,1 пользуются шкалами В и Е.

Вычисление выражений вида $X = \frac{a_1 a_2}{b_1}$

Для решения подобных задач рекомендуем сначала произвести деление a_1/b_1 , а затем эту величниу умножить на a_2 . Визир бетунка устанавливают над штрихом, соответствующим числу a_1 на шкале D, и подводят под визир

штрих, соответствующий числу b, шкалы Е движка. Ответ читают на шкале D против штриха, соответствующего числу а2 на шкале Е.

Пример 1. Вычислить
$$x$$
 из пропорции $\frac{2,03}{0,51} = \frac{14}{x}$.

$$x = \frac{14 \cdot 0.51}{2.03} \approx 3.52.$$

Пример 2. Вычислить $X = \frac{17\sqrt{6}}{3.5}$.

Вычисления производят на основных шкалах D и Е в на шкале квадратов A: $X \approx 11.90$.

Пример 3. Вычислить $X = \frac{4,9^2\pi}{9}$.

Для этого следует пользоваться шкалами квалратов А и В и шкалой корпуса D; X ≈ 9,43.

Пример 4. Вычислить кинетическую энергию W, тела массой m=3,1 кг, движущегося со скоростью v=15 м/с:

$$W_{\rm K} = \frac{mv^2}{2} = \frac{3.1 \cdot 15^2}{2} \approx 349$$
 (Дж).

Вычисление выражений вида $X = \frac{a_1}{b_1 b_2}$

Визир бегунка следует установить над числом a_1 основной шкалы D корпуса, подвести под него движок числом b_1 шкалы E, передвинуть визир на число b_0 шкалы обратных чисел R и под визиром бегунка на шкале D корпуса прочитать ответ.

Этими действиями выражение $X = \frac{a_1}{b_1 b_2}$ было представ-

лено в виде $X = \frac{a_1}{b_2} \frac{1}{b_2}$, а вычисления отличались от предыдущих лишь применением шкалы обратных чисел R.

пример 1. Вычислить
$$X = \frac{0.48}{0.21 \cdot 33} \approx 0,0693$$
. Пример 2. Вычислить $X = \frac{5}{7\sqrt{2}}$.

Вычисления производят на шкале D корпуса, шкале В квадратов движка и шкале обратных чисел R; $X \approx 0.505$.

Пример 3. Вычислить диаметр d цилиндра, если его высота h=13.6 м, а площадь боковой поверхности $S = 200 \text{ M}^2$. При вычислениях пользуются шкалами Е. D и шка-

лой обратных чисел R:

$$d = \frac{S}{\pi h} = \frac{200}{\pi \cdot 13.6} \approx 4,68$$
 (M).

Пример 4. Вычислить $X = \frac{0.48}{3.1 \cdot \sin 50^{\circ}}$

При решении этой задачи следует пользоваться шкалой S на обратной стороне движка и верхиим штрихом на правом вырезе обратной стороны корпуса линейки: $X \approx 0.202$.

Пример 5.
$$X = \frac{1,125\cdot43\cdot\sqrt{0.18}}{36\cdot5.8} \approx 0,0983.$$
 Пример 6. Вычислить $Y = \frac{6,3\cdot14^2}{24,7}.$

Вычисления производят на шкалах D, A и В; $V \approx 50.0$. Пример 7. $Z = \frac{5.4 \cdot 0.29}{\cos 54^\circ 3 V 2} = \frac{5.4 \cdot 0.29}{0.588 \cdot 3 V 2} \approx 0.628$.

Пример 7.
$$Z = \frac{5,4.0,29}{\cos 54^{\circ}3 \sqrt{2}} = \frac{5,4.0,29}{0.588.3 \sqrt{2}} \approx 0,628$$

Вычисление выражений вида $X = a_1 a_2 a_3$

Пользуясь шкалой обратных чисел R на движке, это выражение предварительно следует представить в виле $X = \frac{a_1 a_2}{1}$. Затем Сегунок устанавливают над числом a_2 шкалы D, под визир подводят движок числом а, шкалы R и устанавливают бегунок на число аз шкалы Е; пользуясь визиром, ответ получают по шкале D.

Пример 1. Вычислить площадь S боковой поверхности конуса, радиус основания которого r=5 см, а длина l образующей 41 см:

$$S = \pi r l = \frac{\pi l}{1/r} = \frac{\pi \cdot 41}{1/5} \approx 6,45 \text{ (дм}^2).$$

Пример 2. Вычислить массу т ртутного столбика сечением $a_1 \cdot a_2 = 3, 2 \cdot 1, 5$ см и высотой h = 16 см, если плотность ртути о=13.6 г/см3:

$$m = \rho a_1 a_2 h = \frac{\rho h}{(1/a_1)(1/a_2)} = \frac{13,6 \cdot 16}{(1/3,2)(1/1,5)} \approx 1044$$
 (r).

Пример 3.
$$X = \frac{9,3 \cdot 12 \cdot \sqrt{3}}{\sqrt{51}} \approx 27,1.$$

Пример 4. $tg 1^{\circ} 05' \cdot 2,13 \cdot 37 \approx 1,678$.

При некоторых вычислениях, содержащих, например, возведение чисел в квадрат, действия можно производить на основных шкалах E и D, заменив возведение в степень на умножение, τ . е. $a^2 = aa$.

Пример 5. Вычислить $X = \frac{2,16^2}{1.74}$.

Вычисления производят на шкалах Е и D:

$$X = \frac{2,16 \cdot 2,16}{1,74} \approx 2,68.$$

Пример 6. $X = \frac{\pi^4}{41.1} = \frac{\pi^4 \pi}{41.1} \approx 0.754$.

Вычисления производят на шкалах A и B с использоватием шкалы D для получения числа π^2 на шкале A.

Вычисление выражений, содержащих сомножители вида $X=a^m$, причем m ие равно двум или трем

Решение подобных примеров производят с использовачием шкалы мантисс логарифмов L.

Пример 1. $37^{5/7} \approx 13,18$.

2,0

Вычислив предварительно на шкалах D и L lg 37 ≈ 1,568, на шкалах Е и D получают (5/7)·1,568 ≈ 1,120 и, наконец. на шкалах L и D: 1,120=lg 13,19.

Пример 2. $0.28^{13} \cdot 360 \approx 0.0000234$.

Пример 3. π^2 : tg $22^\circ \approx 24,4$.

Вычисление выражений вида $X = \sqrt{a^2 + b^2}$

Данное выражение предварительно следует представить в виде $X=a\sqrt{1\pm(b/a)^2}$. После этого:

шкалу Е движка числом a устанавливают против начального штриха 1 шкалы D, если a < b, или конечного штриха 10, если a > b:

визир устанавливают на штрих, соответствующий числу b по шкале E, и, пользуясь чертой визира, отсчитывают на шкале A промежуточный результат $t=(b/a)^2$,

35

совмещают черту визира со штрихом 1+f (или 1-f) по шкале A и под чертой визира получают ответ на основной шкале E движка.

Пример 1. $\sqrt{13^2+21^2} \approx 24,7$.

Пример 2. $\sqrt{26,5^2-19,2^2}\approx 18,3.$

Пример 3. $\sqrt{0,18^2+0,43^2} \approx 0,466$.

При решении этого примера устанавливают штрих, соответствующий числу 0,18 шкалы В движка, против начального штриха шкалы А.

§ 8. ЛОГАРИФМИЧЕСКИЕ ЛИНЕЙКИ СО ШКАЛАМИ В 12.5 см

Кроме нормальных счетных логарифмических линеек ГОСТ 5161—72 бывают аналогичные счетные линейки дляной 12,5 см, а также нормальные линейки с двойными логарифмическими и другими шкалами, содержащими, например, значения функций, встречающихся при геодезических, электротехнических, радиотехнических, гидоварических и других расстах.

Линейка «Кастелл». На такой линейке (рис. 9) можно получать результаты с тремя-двумя значащими

	utanlimtorlim	duniminuhi	dudantudun.	7 8	19	13 19
× ×	Propertions	Scooperage of the state of the	4 5 6 7 8 !	grand 181819 adomination	ragionitani)	1/3/10 x*
Carrett Carrett Carrett Carrett	111000000000000000000000000000000000000	3 1 3 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	Jendatasiaaada		111112	
5 S	integrationis figitationis		Parish Bandan Bada Tarah daring September September 1987	ALLEAN SALAM PPPING TOTAL		1 2 2 2 2 2 2 2 2 2

Рис. 9. Лицевая сторона нормальной логарифмической линейки KASTELL

пифрами с погрешностью, не превышающей половины единным послението знака. Шкалы нанесены только на лицевых сторонах корпуса и движка. Они имеют такое же значение, как и аналогичные шкалы нормальной личейки длиной 25 см (см. рис. 4). Три нижине шкалы S, ST и Т на такой линейке (рис. 9) заменяют собой сответствующие шкалы, нанесенные на обратиой сто-

роне движка липейки, показанной на рис. 5. Поверки этой линейки и вычисления производятся так же, как и на нормальной линейке.

Линейка «Рейсс 3212». На рис. 10 показана нормальная логарифмическая линейка с такими же шкалами, как и на линейке, изображенной на рис. 4, во каждая длиной 12,5 см. На обратной стороне движка панесены только две неованомесные шкалы тангенсов

- 9	5										
(ò		2	tuni juni			7		11	12	13 cm
10	К.	Last tetralisms	S. unimoni	4.1.1.1.2	Laterian	andl.	delinda.	F"7"}	vissid.	277 T	1.
3	100000	HHIMM	गामार् गेश	4(000(111)	H ÎH Q LÎ MÎNÎ	minimini	111111111	11111	minimin.	ilminini ilminini	(11111-
ja	Rijiisi	estan Proton				Annandaga	atamus	0.00	injanapin	duglar	and the same
?	Sirie.	[1111]1111]1	ndanlanji	in(an(us(us)	Çırını nı	 HHHHŲŲ	iiidddda	entre	himina)	nin[nin	(1111)1
ľ	Ľ i	o Marantani	ก็และและเล	inthintine	o de production de la compansión de la c	เล้าสอปสสปสส	derhibbide derhibbide	mintee	ntenno!	endanistra	7

Рис. 10. Лицевая сторона нормальной логарифмической линейки REISS

(Т) и синусов (S); уравнения этих шкал такие же, как и для аналогичных шкал, изображенных нарис. 5. Движок на линейке «Рейсс 3212» не переставляется.

движок на линенке «геисс огле» не переставляется. Для вычисления натуральных значений тригомметрических функций по шкалам Т и S пользуются двумя короткими штрихами, нанесенными по концам вырезов на обратной стороне корпуса и обозначенными слева (внизу) нулем (0), а справа (наверху) — треугольником (Δ) .

На верхней шкале S обратной стороны движка нанесены (в масштабе основной шкалы D) логарифмы синусов углов от 0° 35′ (примерно) до 90°, а на шкале Т—логарифмы такгенсов углов от 5° 43′ (примерно) до 45°. Шкала S разбита на шесть участков: 0—5°, 5— 10°, 10—20°, 20—50°, 50—70° и 70—90°, на которых наименьшие деления соответственно равны 5′, 10′, 20′, 1°, 2° и 5°, 2°

Шкала Т имеет три участка: 0—10°, 10—20° и 20— 45°; на них наименьшие деления соответственно равны 5′, 10′ и 20′.

Для определения по таким шкалам, например, натурального значения tg 16° поворачивают линейку лицевой стороной вниз, совмещают штрих, соответствующий на движке 16° со штрихом, отмечениым цифрой 0 на левом вырезе корпуса, н по начальному штриху осиованой шкалы D корпуса прочитывают на шкале V движа

ка ответ: tg 16°≈ 0,287.

Для определения натуральных значений синусов, например sin 25°, пользуются штрихом (Δ). В этом случае перемещают движок вправо до тех пор, пока на обратной стороле линейки деление шкалы. S, соответствующее 25°, не совместится со штрихом (Δ) на правом вырезе корпуса. После этого на лицевой стороне лишейки на шкале В движка против правого крайнего штриха шкалы А, отмеченного цифрой 1, прочитывают ответ: sin 25° ≈ 0423.

На бегунке этой линейки кроме основного визира в центре стекла бегунка) изиесены по обе сторомы от него два коротких штриха (красного цвета); из ниж один штрих — левее и выше, а второй правее и ниже основного штриха. Каждый из этих штрихов находится на расстоянии, соответствующем на шкале А отношению л/4≈0,785. С помощью этих штрихов облегчается вычисление, например, площади круга. Пример, Вычислить площадь круга S = ла²/4, если

d = 25.

Совместив основной визир бегунка со штрихом, соответствующим иа шкале D числу 25, прочитывают по левому верхнему (красному) штриху на шкале A ответ: $S \approx 491$.

ЛИНЕЙКИ С ДВОЙНЫМИ ЛОГАРИФМИЧЕСКИМИ ШКАЛАМИ «ЛЕНИНГРАД», «ЛОГАРЕКС», «КЕЙФЕЛЬ И ЭССЕР»

Значительные преимущества при вычислениях имеют счетиме линейки с двойными догарифмическими щкалами, появоляющие при расчетах пользоваться натуральными логарифмами, показательными функциями, показательными функциями, показательными объекты и погарифмические уравиения, и быстрее, чем на нормальных линейках (ГОСТ 5161—72), вычислять степени с дробными показателями. При пользовании двойными логарифмическими шка-

лами следуёт учитывать, что длина отрезка *l* от начала шкалы до штриха, соответствующего чилу *N*, равна

$$l = m(\lg \lg N - \lg \lg e), \tag{18}$$

где m — модуль двойной логарифмической шкалы, a е = 2.718 — основание натуральных догарифмов.

8 9. ЛИНЕЙКА «ЛЕНИНГРАЛ»

Из счетных личеек с двойными логарифмическими шкалами, относящихся, как и пормальные линейки (см. рис. 4), к универсальным, особого виимания заслуживает двусторонияя счетиая догарифмическая динейка «Ленинград» (ГОСТ 5171-72) со шкалами длиной 25 см (рис. 11 и 12).

Линейка «Леиннград» состоит из корпуса с 10 шкалами на лвух его сторонах, лвижка и несъемного бе-

гунка.

На левой стороне бегунка кроме основного визира (длиниая черта в его средней части) наиесены два коротких штриха (красиого цвета). Они нанесены так, что расстояние между основным визиром и каждой из крайних линеек соответствует на шкале А отношению $\pi/4 = 0.785$. С помощью этих штрихов можно быстро вычислять, например, площадь круга.

Пример 1. Вычислить площадь круга $S = \pi d^2/4$,

если d = 15.5.

Совмещают основной визир (или правый нижний) лицевой стороны бегунка со штрихом, соответствующим числу 15.5 на шкале D лицевой стороны корпуса линейки, и по короткому левому (красному) штриху (или по основному) прочитывают на шкале квадратов А ответ: S≈ 188.7.

На обратной стороне стеклянного бегунка в центре

его наиесена только одна линия - визир.

На лицевой стороне корпуса линейки «Ленииград» (рис. 11) нанесены четыре шкалы: $K(x^3)$, $A(x^2)$, D(x), DI(1:x), а на лицевой стороне движка — пять шкал: $B(x^2)$, $S(\sin x)$, $ST(\sin n tg)$, T(tg x), C(x). (Ha puc. 11 движок установлен обратной стороной.) С помощью этих шкал производятся те же вычисления, что и по

налогичным шкалам нормальной логарифмической ли-

нейки (см. рис. 4).

На обратной стороне корпуса динейки «Ленииград» (рис. 12) последовательно наиесены шесть шкал: L (lg x), $LL_1(e^{0.01x})$, DF $(\pi \lg x)$, D (x), $LL_3(e^x)$ H $LL_4(e^{0.1x})$, a Ha обратной стороне движка — четыре шкалы: $CF(\pi \lg x)$, CIF $(1:\pi x)$, CI (1:x) и C(x).

R being a seed a small anna breathy at the desired and a state of the desired at the seed at a small and a small anna breathy at the seed at the seed

Рис. 11. Лицевая сторона корпуса и обратная сторона движка линейки «Ленинград»

L 2	
LLI T	
CF o	antitoli de cutaria e constitución de la constitución de la constitución de la constitución de la constitución
clf P	plantariam material and a classic and a clas
01 c	Markan State of the State of th
5 5	
Carrie LL3	The system of the second of th
	111

Рис. 12. Обратные стороны корпуса и движка линейки «Ленинград»

Гри двойные логарифмические шкалы значений основания е натурального логарифма в различных степензи LL₂, LL₄ и LL₄ вплукта продолженем (влево) одна другой. Началом шкалы LL₂ является конец шкалы LL₄ а шкала LL₅ начинается со штриха, соответствующего конечному итоиху шкалы LL.

При работе с этими шкалами следует учитывать, что длина соответствующего отрезка на шкале D, равиая m lg x, на двойной догарифмической шкале определяется

по формуле

$$m \lg x = m (\lg \lg N - \lg \lg e), \tag{19}$$

$$a \lg x = \lg \frac{\lg N}{\lg e}, \tag{20}$$

откуда

$$\lg N = x \lg e$$
 или $N = e^x$. (21)

Двойные логарифмические шкалы LL₁, LL₂ и LL₃ являются неравномерными. Каждая состоит из отдель-

Таблица 5

			тиолица о
Участки шкал	Зна ченне на именьшего делен ия	Участки шкал	Значение наименьшего деления
$\begin{array}{c} \text{III} \ \text{K} \ \text{ana} \ \text{LL}_1 \\ \text{I}, 01-\text{I}, 02 \\ \text{I}, 02-\text{I}, 05 \\ \text{I}, 05-\text{I}, 105 \\ \end{array}$ $\begin{array}{c} \text{I}, 05-\text{I}, 25 \\ \text{I}, 25-\text{I}, 25 \\ \text{I}, 2-\text{I}, 4 \\ \text{I}, 2-\text{I}, 4 \\ \text{I}, 4-\text{I}, 2, 0-2, 5 \\ \text{I}, 2, 5-\text{I}, $	0,001 0,002 0,005 0,001 0,002 0,005 0,01 0,02 0,02	III K a A a LL ₃ 6—10 10—15 15—30 30—30 50—17 (100) 102—2 (200) 2 (200)—5 (500) 107 (1000) 107 (1000) 107 (1000)—5 (500) 107 (1000)—5 (500) 108 (1000)—5 (500) 109 (1000)—5 (500) 109 (1000)—5 (500) 109 (1000)—5 (500)—10	1 0,2 0,5 1 2 5 10 50 100 200 500 1000

ных участков с различными на них наименьшими делениями, значения которых приведены в табл. 5.

Шкалами LL₁, LL₂ и LL₃ пользуются при вычислевиях с натуральными логарифмами, при определении

вначений показательных функций (e^x), вычислении степеней с дробными показателями и при решении показательных и логарифмических уравнений.

Для определения результатов на этих шкалах значение степени основания находят на шкале D корпуса линейки и, совместив с инм основной визир, читают под ним значение величины е^x, на соответствующей шкале LL, LL and Lla прижкя.

Пример 2. Вычислить $y=e^{0.6}$.

Визир обратной стороны бегунка совмещают со штрихом, отмеченным инфрой 6 на шкале D обратной стороны корпуса линейки, и под визиром на шкале LL2 читают ответ: $y \approx 1,822$.

Пример 3. Вычислить $y_2 = e^{0.08}$ и $y_3 = e^{1.25}$.

Визир бегунка устанавливают нал чертой, отмеченной числом 8 на шкале D обратной стороны корпуса линей-ки, и читают под ним значение $y_* = 1,0833$ на шкале LL_1 . Значение $y_* = 3,490$ читают на шкале LL_2 под визиром, установленным над штрихом, соответствующим числу 1,25 на шкале D (в ее легом конце) обратной стороны корпуса линейки.

Для вычисления $y = e^x$ при x > 10 показатель степени разбивают на несколько частей, каждая из которых должна быть меньше 10, т. е. выражение $y = e^x$ представляют в виде произведения

$$\nu = e^{\Delta x_1} e^{\Delta x_2} \dots e^{\Delta x_n}$$

где Δx — составива, часть показателя степенн. Затем для каждого члена произведения определяют зачение $e^{\Delta x}$ — Таким образом, выражение e^x — при x>10 можно представить в виде произведения $y=\Delta y_1\Delta y_2\ldots\Delta y_n$; адесь $y_+=e^{\Delta x}$.

Пример 4. Вычислить у=е28.

В данном случае наименьшее количество частей, на которое разбивают показатель степени, есть 3, значит это выражение можно представить в виде

$$y = e^{10+10+8} = e^{10}e^{10}e^{8}$$

После этого определяют, как указано в предыдущем примере, значение $y_1 = e^{10} = 2.2 \cdot 10^4$ и $y_2 = e^8 = 3 \cdot 10^3$. Следовательно.

$$y = 2,2 \cdot 10^4 \cdot 2,2 \cdot 10^4 \cdot 3 \cdot 10^3 = 14,52 \cdot 10^{11}$$

Шкалы DF в CF на обратных сторовах корпуса в движка лниейки представляют собой обыкновенные логарифмические шкалы, но только сдвинутые каждая на величину л. Следовательно, числу к на шкале С движка соответствует число л к на его шкале DF кли числу к на шкале D корпуса соответствует число л к на его шкале DF.

Пример 5. Вычислить $y = \pi x$ при x = 2,14.

Устанавливают визир обратной стороны бегунка на штрих, соответствующий числу 2,14 на шкале D корпуса (или шкале C движка), и на шкале DF корпуса (или

на шкале CF двнжка) читают ответ: y = 6,72.

Вторая снязу шкала СІ на обратной стороне движкак и шкала R на нормальной линейке (см. рис. 4), являясь «обратной» шкалой, предназначена для вычислення значений 1: x, т. е. обратных значений чисел x, нанесенных на шкале Собратной стороны движка линейки.

Пример 6. Вычислить z = 1: x при x = 17,5.

Внзнр обратной стороны бегунка линейкн совмещают со штрнхом, соответствующим числу 17,5 на шкале С обратной стороны двнжка, а на шкале СI дленжка под этим визиром читают нскомый ответ: z=0.0571.

И наконец, шкала СІГ на обратной стороне движка линейки служит для вычисления значений величин

Пример 7. Вычислить $q = 1 : \pi x$ при x = 4.7.

Совмешают на обратной стороне движка линейки визир бегунка со штрихом, соответствующим числу 4,7 на его шкале С. На шкале СІГ движка, пользуясь вн-

виром, читают ответ: $q \approx 0,06773$.

Пример 8. Счетчик установлен на 3 квартиры. Обший расход электрозиергии 245 кВт-ч и плата за нее 9 руб. 80 коп. В квартире № 1 расход электроэнергии 127 кВт-ч, № 2—55 кВт-ч н № 3—63 кВт-ч. Определить размер платы для каждой квартиры. При решения этой задачи выполняют действия:

1) протнв числа 9,8 (9-8-0) на шкале D устанав-

ливают число 245 (2-4-5) по шкале C;

2) отмечают визиром по шкале С расходы электроэнергин 127 (1-2-7), 55 (5-5), 63 (6-3), а по шкале D получают ответы: 5 руб. 10 коп., 2 руб. 20 коп. и 2 руб. 50 коп. соответственно.

Пример 9. Сколько необходимо применить проката

из низколегированной стали, чтобы снизить расход проката черных металлов (400 кг) на 12%, если каждый килограмм проката из низколегированной стали экономит 0.25 кг проката черных металлов?

			При условиях задачи эко-
			номия металла составит
а	456	64,2%	(0,12:0,25) · 400 = 192 кг. Поэтому на шкале D число 0,12 (1-2) совмещают с числом 0,25
b	141	19,9%	(2-5) шкалы С, а визиром по шкале С отмечают число 400
с	27	3,8%	(4—0—0); по шкале D прочитывают ответ: 192. Пример 10. Химический ана-
d	86	12,1%	лиз раствора выявил для отдель- ных составляющих количества
	į.	1	вещества (помещены в нижесле-

Для решения задачи необходимо предварительно составить процорцию:

дующей таблице). Определить процентное солержание каждой

 $\frac{a\%}{456} = \frac{b\%}{141} = \frac{c\%}{27} = \frac{d\%}{86} = \frac{100}{710}$

После этого на линейке против числа 10 шкалы D поставить число 710 (7—1—0) шкалы С (передвижением движка вправо). А затем против стоящих в знаменателе чисел (откладывая их по шкале С) прочитать по шкале D ответы. Для определения результата в процентах необходимо движом переставить влево.

Примечание. При использовании шкал А и В линейки «Ленинград» перестановка движка не потребуется.

Пример 11. Определить угол α между радиомачтой высотой 45 м и канатами, закрепленными на расстоянии 30,4 м от ее основания.

Так как tg $\alpha=30,4/45\approx0,675$ $\alpha=34^\circ$, то визир следует установить на шкале C (D) на отсчет, полученный от деления 30.4:45=0,675, а по шкале T под визиром

прочитать ответ: 34 (3-4).

Bcero 710 r

100%

Пример 12. Глубина канализационного лотка в колица A a=5,50 м. Определить глубину лотков для строящикся колодцев B, C, D на расстоянии L=40, 60, 95 м от колодца A канализационного участка с уклоном i=0,03.

Следует учитывать, что b (или c, d) = $a-iL_s$ (или L_c , L_b). После этого совмещают цифру 1 шкалы C лие нейки c числом 0.03 (3—0) шкалы D. Затем устававливают визир c числами 4 (4—0), 6 (6—0), 95 (9—5) им шкале C и прочитывают ответы на шкале D: 1.2; 1.8; 2.85 соответствению.

Глубина b, c, d лотков в колодцах B, C, D составит

4,30; 3,70; 2,65 M.

Еслн результат вычисления оказывается больше или меньше чисел, изиесенных из двойных логарифмических шкалах линейки, то в этом случае вычисляемые выражения необходимо предварительно преобразовать так, чтобы искомый результат можно было получить по частям.

При вычислениях с использованием постоянных коэффициентов удобно пользоваться особыми значками c, ρ' , π , ρ' и ρ' , ванесенными на шкалах D и C лицевых сторон корпуса и движка линейки. Используют эти вначки при вычислениях так же, как и аналогичные значки при вычислениях так же, как и аналогичные значки па нормальной счетной линейке (см. рис. 4).

Поверка шкал линейки «Ленииград» производится так же, как н нормальной линейки ГОСТ 5161—72 (см. с. 11).

§ 10. ЛИНЕЙКА «ЛОГАРЕКС»

На лицевой стороне пластмассовой линейки «Логарекс» (рис. 13), изготовляемой в ЧССР, нанесено 8 шкал на корпусе: L(ig), $P\left[\sqrt{1-x^2}\right]$, $K(x^2)$, $A(x^2)$, D(x), S(sin), T(ig), ST; 3 шкалы на ланиже: $B(x^2)$, R(1/x), V(x) и 2 шкалы на боковых сторонах (на скошенюм — миллиметры, а на вертикальной граин — пропорциональный масштаб 1:25 для отрежка от 0, 07 м).

Пользование этими шкалами, кроме шкалы P, ничем не отличается от вычислений на аналогичных шкалах нормальной линейки ГОСТ 5161—72 (см. рис. 4 и 5).

Шкала Р $(\sqrt{1-x^2})$, навесенная на лицевой стороне корпуса линейки, навываемая пифагорийской, кроме решения прямоугольных треугольников (а и b— катеты н z=1—гипотенуза) может быть использована для различных вычислений, например для определения натуральных вычений $\sin \alpha = \sqrt{1-\cos^2 \alpha}$ или $\cos \alpha = \sqrt{1-\sin^2 \alpha}$.

В табл. 6 показаны отдельные участки шкалы P и значения нанменьших делений их.

Таблица 6

Участки шкалы Р	Значение наименьшего деления	Участки шкалы Р	Значение наименьшего деления
0,995—0,99 0,99—0,98 0,98—0,95 0,95—0,92 0,92—0,8	0,0001 0,0002 0,0005 0,001 0,002	0,8—0,6 0,6—0,4 0,4—0,3 0,3—0,2	0,005 0,01 0,02 0,05

Пример 1. Определять натуральное значение $\sin \alpha$, если натуральное значение $\cos \alpha = 0.927$.

Совмещают на шкале Р основной внзпр бегунка со штрнхом, соответствующим числу 927 (заданному зна-

_	parting and and	- minutessing and senters	dieniminaliani	ulium dimeri sin	4 - 13
9	Principal Control			-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1	anconstanting
16	268	Contraction of the Contraction o	4 3 9 9 9	*	Minister Alexandres
N derender	fundambalant march	in the fortest of the fall of the first	Arthur description	territuar realization in	Martingalaga
War In	(27)	, pa , tie, , tis	L. 12 M	(25 (27)	135
e* 25 36	27 28 29 3 Sectorization	โลกสอใจอสลใจแล้งแล	inglantalantal	A THILL	Patental Shines
x alonning	Stantinistohening	Contraction of the Contraction o	F 10 2 2	and the tale	15 17 W.
le fatatale	1	ratoletatal-tateletatal-tateleta tatalatatal-latatalatatalatatele	ide a tradition to the second	Trained windless	per Burney
17 P. I. I. I.	3,1,1,1,1,1,1,1,1,1,1,1,1,1,1,1,1,1,1,1	1.	سلسسينين آم	doub-do-	naturalia appete



Рис. 13. Лицевая сторона линейки «Логарекс»

ченню косннуса), и под этим визиром прочитывают на шкале D корпуса линейки число 375, которое находится против числа 22 на шкале S. Следовательно, sin 22° ≈ 0.375

Пример 2. Определить натуральные значения sin 15° и соs 15°.

Совмещают основной визнр бегунка со штрихом, соответствующим числу 15 на шкале S корпуса линейки, и под этим же визиром на шкале D корпуса читают ответ: $\sin 15^{\circ} \approx 0,259$; на шкале P: $\cos 15^{\circ} \approx 0,966$.

Для определения на этой линейке натурального знаения тангенса основной визир бегунка совмещают на шкале Т корпуса линейки со штрихом, соответствуюшны заданному значению тангенса, н под этим визиром на шкале D корпуса читают искомый результать

Прямер З. Определять натуральное зи́ачение tg 25°. Совмещают основной вызвр бегунка на шкале Т корпуса линейки со штрихом, соответствующим числу 25, и под этим визвром на шкале D корпуса линейки читают число 466. т. е. tg 25°≈0.466.

_	Santandan undan tantan tantan tantan la tantan
log	
12	And the second s
7	
1	Washington to the standard and the stand
غا	Andread State of the State of t
100	
19	1 1 1 1 1 1 1 1 2 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
-	and the state of t

Рис. 14. Лицевая сторона линейки «Логарекс» с движком, поставленным обратной стороной

Вычисление выражений, в которые входят значения $\sqrt{1-x^2}$, проследим на следующих примерах.

Пример 4. Вычислить $m=q\sqrt{1-x^2}$ при q=0,382 и x=0,629. Основной визир бегунка устанавливают на штрих

Основной визир Сегунка устанавливают на штрих шкалы D, соответствующий числу 0,629, и на шкале Р под этим визиром читают число 0,777. Затем производят умножение числа 0,382 на 0,777 так, как это описано в примере 2 (с. 19). Получают ответ: m ≈ 0,297.

Пример 5. Определить
$$p = \frac{b}{\sqrt{1-x^2}}$$
 при $b = 164$ и $x = 0.16$,

Сначала определяют вначение $a=\sqrt{1-x^2}$ при x=0,16. Для этого совмещают основной визир бегунка со штрихом на шкале D, соответствующим числу 0,16, и под этим визиром на шкале P читают число 987, т. е. $a\approx0,987$. Затем производят деление числа 164 (b) на число 0,987 (с) так, как это описано в примере 4 (см. с. 20).

На обратной стороне движка линейки (рис. 14) нанесены три шкалы: $\mathbf{E}_1(\mathbf{e}^{(0,01z)})$, $\mathbf{E}_2(\mathbf{e}^{(0,1z)})$ и $\mathbf{E}_3(\mathbf{e}^{(0)})$, являющиеся продолжением одна другой, как и шкалы \mathbf{L}_1 , \mathbf{L}_1 на корпусе линейки «Ленинград» (см. рис. 12). Наименьшие значения делений на этих шкалах линейки «Логарско» на развизи ки участках различны (табл. 7).

Таблица 7

Участка шкал	Значение наименьшего деления	Участки шкал	Значение наименьшего деления
Шкала E ₁ 1,01—1,02 1,02—1,05 1,05—1,1 Шкала E ₂ 1,1—1,2 1,2—1,4 1,4—1,4 1,4—2 2—3 Шкала E ₃ 3—6 6—10	0,0001 0,002 0,005 0,001 0,002 0,005 0,01 0,02	10—30 30—50 100—2 (200) 2 (200)—4 (400) 7 (700)—10° (1000) 10° (1000)—3 (300) 3 (3000)—5 (5000) 10° (1000)—2 (2000) 10° (10000)—2 (2000) 2 (2000)—5 (5000) 5 (5000)—10° (10000)	0.5 1 2 5 10 20 50 100 200 500 1000 2000 5000

При работе со шкалами E_1 , E_2 и E_3 следует учитывать формулы (18) — (21), относящиеся к аналогичным

шкалам LL, LL, и LL, линейки «Ленинград».

Для отсчета делений по шкалам Е, Е, и Е, кроме основного вызвра бегунка служат штрики, наинесенные на стеклах, являющихся продолжением паза корпуса плинейки с обратной его стороны. Определяемые вычения по шкалам Е, Е, и Е, получают при неперевернутом движке.

Пример 6. Вычислить $y_1 = e^{0.05}$.

Основной визир бегуйка устанавливают на штрих, отмеченный на шкале D корпуса линейки цифрой I. Оставляя основной визир в этом положении, с ним мещают штрих, отмеченный на шкале V движка (перемещают штрих, отмеченный на шкале V движка (перемещая его влево) цифрой 5. Повернув линейку лицевой стороной вниз и полъзуясь штрихом, нанесенным на стекле и являющимся продолжением паза корпуса линейки, на шкале Е, читают ответ: γ_ж 1,0512.

Пример 7. Определить $y_2 = e^{0.95}$ и $y_3 = e^{1.59}$.

Для определения значения у, основной визир бегунка совмещают со штрихом, отмеченым не шкале D корпуса цифрой 1, и, перемещая движок влево, подводят под основной визир бегунка штрих шкалы V, соответствующий числу 0,95. Сохрания в этом положении движок, повърачивают линейку лицевой стороной корпуса вниз и поштриху на стекле, являющемуся продолжением паза линейки, с левой стороны читают на шкале Е, ответ: у_ж = с° « « 2,585.

Для определения у_в устанавливают основной визир бегунка на начальный (1) или конечный (10) штри шкалы D корпуса линейки и под этог визир подводят штрих, соответствующий чнслу 1,59 на шкале V. Повернув корпус лицевой стороной винз и пользуясь штрихом на правом или левом стекле (продолжение паза), на шкале

 E_3 читают ответ: $y_3 ≈ 4,90$.

Для определения вначения у ⇒ с при движке, вставленном в павы линейки обратиюй стороной (см. рис. 14), совмещают штрих, соответствующий числу 2,72 на шкале Е₃, со штрихом, отмеченным цифрой 1 на шкале D. См храняя в этом положении движок в корпусе линейки, совмещают основной визир бетунка со штрихом, соответствующим числу, являющемуся показателем степени числа е. На соответствующей шкале (Е₃, Е₃ или Е₃), пользуясь основным визиром бетунка, читают значение у. Пример 8. Вычислить $y_a = e^{0.041}$ и $y_a = e^{0.145}$.

Совместив, как указано выше, штрих, соответствующий числу 2,72 на шкале Ез, со штрихом 1 на шкале D. и пользуясь основным визиром бегунка, против штрихов, соответствующих числам 0,041 и 0,145 на шкале D, читают соответственно на шкалах Е, и Е, значения у,≈1,042 и у,≈1,156.

Перед вычислением значений с тригонометрическими функциями движок должен быть вставлен в паз линейки

левой стороной (см. рис. 13).

Пример 9. Вычислить $x=l\cos\alpha$ при x=268 и $\alpha=41^{\circ}15'$. Так как $x=268\cos 41^{\circ}15'=268\sin 48^{\circ}45'$, то устанавливают основной визир бегунка линейки на штрих, соответствующий 48° 45' на шкале S. Передвигая движок влево, подводят под визир деление 10 шкалы V движка линейки. На шкале под визиром читают ответ: $x \approx 201$.

Вычислить $h=d \lg \alpha$, Пример 10. если d = 41.6.

a $\alpha = 3^{\circ} 25'$.

Устанавливают основной визир бегунка на штрих, соответствующий 3°25' на шкале ST корпуса линейки. и передвижением движка влево подводят под этот визир штрих, отмеченный числом 10 на шкале V. Затем совмещают основной визир бегунка со штрихом, соответствующим числу 41,6 на шкале V движка. На шкале D читают число 249. Так как тангенс малых углов близок к нулю. окончательно получим $h \approx 2,49$.

Вычисление выражений, содержащих основание натурального логарифма ез, на линейке «Логарекс» производят в два приема: вначале определяют число, соответствующее заданному значению е², а затем производят указанное действие с этим найденным числом.

Пример 11. Вычислить $q = me^{\tau}$, если m = 1.35.

x = 0.632.

Передвинув движок влево до совпадения штриха, соответствующего числу 0,632 на шкале V, со штрихом, отмеченным цифрой 1 на шкале D, читают (перевернув линейку лицевой стороной вниз) на шкале Е, значение у- $=e^{0.635}\approx 1.86$. Производя умножение mv=a обычным путем, получают ответ: $a=1.35 \cdot 1.86 \approx 2.51$.

Пример 12. Вычислить $z = m/e^x$. если m = 0.55.

a x = 2.15.

На шкале Е, находят у=е2,15≈8,60. Далее, производя деление m/v=z обычным путем, получают z= $=0.55:8.60\approx0.0639$.

При вычислении значений $y=e^x$, когда x>10, поступают так же, как это было описано при работе с линей-

кой «Ленинград» (см. с. 42).

На стекле бетунка линейки «Погарекс» кроме основного визира (длинный штрих посередине стекла бетунка) нанессено три коротких штриха красного цвета. Левый верхний и прачый нижиий имеют такое же значение, как и зналогичные штрихи из бетунке линейки «Ленинграл» (см. с. 39), а третий короткий штрих—левый (отностельно основного) нижимий и правый штрих служат для перевода киловатт-часов в лошадиные силы и обратно. В настоящее время в соответствии с ГОСТ 8-417—81 «Единицы физических величин» единица работы — лошадиная сила— не употребляется.)

На шкалах А и D корпуса и на В и V лицевой стороны движка нанесены штрихи, соответствующие постоянным л. с., ρ °, ρ ′ и с., которые используются так же, как и аналогичные на нормальной логарифмической линейке

(FOCT 5161-72).

§ 11. ЛИНЕЙКА «КЕЙФЕЛЬ И ЭССЕР»

Двусторонняя счетиая логарифмическая линейка «Кейфель и Эссер» на лицевой стороне корпуса и движка (рис. 15) имеет такие же шкалы, как и на лицевой стороне

G LL1ton		terretario de la compansión de la compan	itusha	Interded at a land
Q CIF	original manufactures	delitetetetetere e	Manh.	omination CI
G LL3	ratures de trabatadores o los de la contra della contra d	13 innersed minglion misses statistic minglion beinda statistic minglion for the	10	o ID 15000 20000LL3 25 LL2

Рис. 15. Лицевая сторона корпуса и движка линейки «Кейфель и Эссер»

корпуса и движка линейки «Ленииград» (см. рис. 11). На обратной стороне корпуса и движка линейки (рис. 16) нанесено 10 шкал. Из них четыре шкалы на корпусе: А. D. DI (R) и К и четыре шкалы на движке: В, Т(tg), ST и S (sin). Нахолящиеся из корпусе две двойные лога рифмические шкалы LLO и LLOO, ио изнесенные справа налею (в обратном направлении), т. е. как и шкала R, являются продолжением одна другой. Шкала LLO, состоящая из двух участков, начинается со штриха, отмеченного числом 0,9048 (справа), и кончается штрихом 0,9906 (править ве конец). Шкала LLOO, имеющая семь участков, пачинается штрихом, соответствующим числу 0,9048 (правинается штрихом 0,9048 (правинается штрихом

LLO ⁻⁵ LLOO A	and the state of t
B ST S	
D DI K	r er r r er i i i i i i i i i i i i i i

Рис. 16. Обратная сторона корпуса и движка линейки «Кейфель и Эссер»

вый конец), и кончается штрихом, отмеченным числом 0,00045 (певый конец). Эти шкала служат для вычисления значений функций e^{-x} . При этом для определения вначения функций e^{-x} показатель степени x следует находить на шкале A.

Пример. Вычислить $y = e^{-0.18}$.

На шкале А (в ее левой крайней части) отыскиваем штрих, соответствующий числу 0,15, совмещаем с ним основной штрих бегунка и под этим штрихом на шкале LLOO читаем ответ: у≈0,861.

Поверки линеек «Логарекс» и «Кейфель и Эссер» производятся так же, как и поверка нормальной линей-

ки (ГОСТ 5161-72).

ДИСКОВАЯ СЧЕТНАЯ ЛОГАРИФМИЧЕСКАЯ ЛИНЕЙКА «СПУТНИК»

§ 12. ОПИСАНИЕ ЛИНЕЙКИ «СПУТНИК»

Внимание вычислителей заслуживает выпускаемый московским заводом «Калибр» логарифмический диск «Спутник», преднавначеный, как и нормальная счетная логарифмическая линейка, для различных вычислений

Погарифмический диск (рис. 17), шкалы которого погроены по принципу непрерывной (замкнутой) логарифмической шкалы, состоит из установочного кольда 1, корпуса 2, диска-движка 3; ои защищеи с обейх

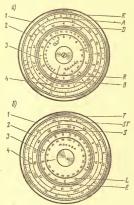


Рис. 17. Диск круговой логарифмической лииейки «Спутинк»:

сторон двумя прозрачными дисками-бегунками 4 с нанесенной на них чертой — визиром (указателем). Все частн «Спутинка» имеют такое же назначение, как и соответствующие части нормальной лицейки (см. 61).

На корпусе лицевой стороны личейки (рис. 17, а) чанесены основная шкала D чисел, шкала A квадратов чисел в шкала K кубов чисел. На лицевой стороне движка расположены основная шкала В чисел и шкала R обратных чисел. На обратной стороме корпуса линейки (рис. 17, б) нанесены шкала Т тангенсов, шкала ST тангенсов и синусов малых углов и шкала S синусов, а на движке—шкала L мантисс логарифмов и основная шкала Е чисел.

На линейке «Спутник» три одинаковые основные шкалы В, D и Е являются логарифмическими. На шкалах В и D особыми штрихами отмечены некоторые константы:

 $\pi = 3.14$; $c = \sqrt{4:\pi}$; $\rho' = 3438'$; $\rho'' = 206265''$.

При малых габаритах (диаметр 7,2 см, толщина 0,5 см и масса 40 г) логарифмический диск «Спутинс» по сравиению с малыми логарифмическими линейками с длиной шкал 12,5 см обеспечивает получение более точных результатов, так как шкалы этой линейки, кроме шкал R и Ь, длиннее соответствующих шкал малой логарифмической линейки.

Перед пользованием логарифмической линейкой «Спутник» необходимо проверить в ней выполнение

следующих условий:

 При совмещенных началах движка и корпуса лицевой стороны диска деления шкал В и D должны совпадать.

2. Движок и корпус линейки должны лежать в одной плоскости, а зазор между ними (т. е. между шкалами

В и D, E и S) должен отсутствовать.

3. При совмещенных началах движка и корпуса визир бегунка должен пересекать начала всех шкал; поверки 1—3 следует делать отдельно для обеих стурон диска.

4. Для проверки шкал необходимо произвести иеко-

торые вычисления, например: 1) по шкалам R и B: 3=1:0.333: 2=1:0.5: 1.25=

- =1:0,8; 2) по шкалам Е. S и Т: sin 30°=0.5; tg 45'=0.577;
 - 3) по шкалам В и D: 2·3=6; 3·3=9;
- по шкалам D и A: 2²=4; 3²=9;
 по шкалам K и D: 2³=8; 3³=27.

§ 13. УСТАНОВКА И ЧТЕНИЕ ЧИСЕЛ ПО ШКАЛАМ ЛИНЕЙКИ «СПУТНИК»

При установке и чтении чисел на рассматриваемой линейке пользуются теми же правилами, которые указаны для нормальной счетной логарифмической линейки

(CM, C, 14-17).

1. Каждая из основных шкал В, D и Е представляет собой логарифмическую шкалу чисел 1, 2, ..., 9,1 (число 1 кроме подписи снабжено узкой чертой). В табл. 8

Таблица 8

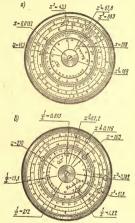
Участка шкал	Цева ваяменьшего деления	Длиняыми штриха- ии выделены деле- иия	Шкалы	Участки шкал	Цева наименьшего деления	Длинными штря- хами выделены де- ления
1-2 2-5 5-10	0,02 0,05 0,10	0,10 0,10 0,50	R	10—5 5—2 2—1	0,10 0,05 0 02	0,50 0,10 0,10
1-3 3-6 6-10 10-30 30-60 60-100	0,05 0,10 0,20 0,5 1,0 2,0	0,10 0,50 1,0 5,0	S	5°43°,77—16° 16—30° 30—40° 40—60° 60—80° £0—90°	10' 20' 30' 1° 2° 10°	30′ 1°
1-2 2-4 4-10	0,05 0,10 0,20	0,10 0,50	ST	34′,4—1° 1—3° 3—5° 43′,77	1' 2' 5'	5' 10' 10'
0—100	0,5	1,0	Т	5° 43′,77—8° 30′ 8° 30′—20° 20—45°	5' 10' 20'	10' 30' 1°
	1-2 2-5 5-10 1-3 3-6 6-10 10-30 30-60 60-100 1-2 2-4	1-2 0,02 2-5 0,05 5-10 0,10 1-3 0,05 3-6 0,10 6-10 0,20 10-30 0,5 30-60 1,0 60-100 2,0 1-2 0,05 2-4 0,10 4-10 0,20		Value Valu	Участка шкал	Vactors in maa Vact

Примечание: На шкалах В и D навесены вначки $c=\sqrt{4:\pi_*}$ $\rho^*=-206\ 255^*$, $\pi=C:2R_*$, в на шкала В — вначок $\rho^*=3438^*$.

перечислены отдельные участки этих шкал с указанием для каждого из них цены наименьшего деления.

Для установки, например, на шкале D корцуса лимейки визира бегунка на число 41,5 поступают так: так как число 41,5 находится в интервале 4—5, го, найдя этот интервал, замечают, то оп разделен длинными штрихами на 10 частей, а затем каждая такая часть поделена пополам. Следовательно, визир бегунка должен занять положение, показанное на рис. 18, д. Пример 1. Установить визир бегунка на число 0,0152 по шкале движка В.

На шкале В в интервале 1—2 между числами 1,5 в 1,6 находят число 0,0152 (рис. 18, а).



Рнс. 18. Установка и чтение чисел на лицевой стороне логарифмической линейки «Спутинк»:

— по основным шкалам и по шкале квадратов.

— по шкалам кубов в обратных чясел

Пример 2. На рис. 18, а показаны отсчеты 268 и 863 по шкалам В и D на лицевой стороне линейки.
2. Шкала А, нанесенная на диске (рис. 18, а), состоит

из двух равных частей: первая с оцифровкой 1, 2, 10

и вторая - 10, 20, ..., 90.

Первая часть этой шкалы предназначена для извлечеиня квадратных корией из чисел, у которых в первой грани высшего разряда - одна цифра, а второй частью шкалы пользуются, если в первой грани высшего разряда окажутся две цифры. Для установки по этой шкале вивира бегуика следует предварительно это число разбить на грани. При определении наименьшего значения каждого деления шкалы А следует пользоваться данными табл. 8.

Пример 1. Установить число 43,3 на шкале А.

Так как в грани высшего разряда две цифры (4 и 3). то число устанавливают во второй половине шкалы А (рис. 18, а).

Пример 2. Установить число 189.

В даином случае в грани высшего разряда одна цифра (1), поэтому заданное число надо устанавливать в первой части шкалы (рис. 18, а), т. е. в интервале 1-2.

Пример 3. Прочитать на рис. 18, а по шкале квадратов число, находящееся под визиром бегунка. Порядок этого числа ие может быть выяснеи из-за нелостатка данных в условиях задачи. Ответ: 67.8 или 0.678.

3. Шкала К состоит из трех совершенно одинаковых частей с наиесенными цифрами 1, 2, ..., 8, 9,1 (см.

рис. 17, а и табл. 8).

Чтобы установить на этой шкале число х3, следует предварительно разбить его на грани по три цифры; если в грани высшего разряда окажется одна цифра, то число х³ следует отыскивать в первой трети шкалы К. Если же в грани высшего разряда две цифры, то число следует устанавливать в средией части шкалы К; если в грани высшего разряда три цифры, то число находят в третьей части шкалы К.

Пример 1. Установить на шкале К число 0,385.

Так как в грани высшего разряда этого числа три цифры, то число находят в третьей части шкалы К между цифрами 3 и 4 (рис. 18, б).

Пример 2. Установить визир бегунка на число 82,2

по шкале кубов.

Разбив число на грани по три цифры, имеем в грани старшего разряда две цифры (8 и 2), поэтому число следует устанавливать в интервале 8-9 второй трети шкалы К (рис. 18, б),

Пример 3. Прочитать на рис. 18, б на шкале К число под визиром бегунка.

Порядок этого числа неизвестен; ответ: 0.116 или 116

И Т. Д. 4. На шкале R обратных чисел (рис. 18, a) подписанные

цифры возрастают в направлении протнв хода часовой стредки. Пены делений различных интервалов этой шкалы указаны в табл. 8.

Пример 1. Установить на шкале R визир бегунка на вначение 1: х=15.6.

Это число находится в интервале 1-2 шкалы между числами 1,5 и 1,6 (рис. 18, б).

Пример 2. Поставить на шкале R визир бегунка на отсчет 0,813.

Число 813 следует нскать в интервале 8-9 шкалы R (рис. 18, б).

Пример 3. На рис. 18, 6 числа, находящиеся под визиром бегунка по шкале R, таковы: 322 и 212.

5. На обратной стороне диска на шкале Т тангенсов в масштабе основной шкалы нанесены логарифмы тангенсов углов от 5° 43',77 до 45°, соответствующие изменению этой функции от 0,1 до 1 (см. рнс. 17, б и табл. 8).

Пример. На шкале Т установлен визир бегунка на штрихи, соответствующие 12°50', 15°00', 38°10', и на

отсчет 7° 35' (рис. 19).

6. На шкале S сннусов (см. рис. 17, б) от начальной точки в масштабе основной шкалы нанесены логарифмы сничсов углов от 5° 43',77 до 90°. Эта шкала состоит из пятн участков (см. табл. 8).

Пример. На шкале S установлен визир бегунка на отсчеты, соответствующие синусам углов 11°19', 32°00'

в 68° 20' (рис. 19).

7. На шкале ST - шкале синусов и тангенсов (см. рис. 17, б), как и на шкалах S и T, от начальной точки в масштабе основной шкалы нанесены логарифмы этнх функций для значения острых углов от 0° 34′,38 до 5° 43′,77. Наименьшее деление на участке до 1°30' равно 1', а на участках 1°30′ — 3°00′ н 3°00′ — 5°43′,77 — соответственно 2' и 5'.

Пример. Визнр бегунка установить на отсчеты по шкале ST соответственно на 0° 56',5 и 5° 37' (рис. 19).

8. Мантиссы логарифмов чисел шкалы Е нанесены на движке обратной стороны динейки на шкале L (см. рис. 17, б). которая представляет собой равномерную шкалу. Наи-

Пример. На рис. 19 по визиру бегунка, поставленному

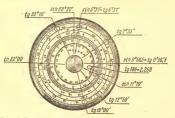


Рис. 19. Чтение чисел по шкалам Т, ST и S и по шкале мантисс логарифмов линейки «Спутиик»

на штрих, нанесенный на шкале Е числом 185,8, можно по шкале L прочитать: $\lg 185,8\approx 2,268.$

§ 14. ПРИМЕНЕНИЕ ЛИНЕЯКИ «СПУТНИК»

При пользовании линейкой «Спутник» порядок числа определяют так же, как и при работе с нормальной счетной логарифмической линейкой (см. § 4 и 5).

Возведение чисел в квадрат

Для возведения числа *x* в квадрат визир бегунка устанавливают над этим числом на основной шкале корпуса D, а искомое число *x*² читают под визиром на шкале квадратов A.

Пример 1. Вычислить x^2 , если x=3,1.

Визир бегунка совмещают с числом 31 на основной шкале D корпуса (рис. 20), а под визиром бегунка на шкале A читают ответ: x²=9,61,

пример 2. Вычислить x^2 , если x=0,422.

Совместив визир бегунка с числом 422 на шкале D (рис. 20), на шкале A читают ответ: $x^2 \approx 0,178$.

Возведение в куб

Чтобы возвести число x в куб, нужно установить визир бегунка нал числом x на основной шкале корпуса $\mathbb D$ и результат прочитать под визиром бегунка на шкале кубов $\mathbb K_*$

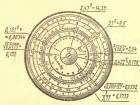


Рис. 20. Возведение в степень и извлечение корней на линейке «Спутник». Вычисление обратных чисел

Пример 1. Для возведения 0,151 в куб находят это число на шкале D корпуса и, совместив с ним визир бегунка (рис. 20), читают на шкале K по визиру бегунка ответ: $0.151^8 \approx 0.00344$.

Пример 2. $2,43^3 \approx 14,35$.

Результат читают по средней части шкалы K (рис. 20). Пример 3. $48.2^8 \approx 112\,000$.

Результат читают по правой части шкалы К.

Извлечение квадратного корня

Для извлечения квадратного корня на шкале A отыскивают подкоренное число, с ним совмещают визир бегунка и на шкале D под визиром читают искомый корень.

Пример 1. $\sqrt{0.0175} \approx 0.132$.

Подкоренное число разбивают на грани. В грани высшего разряда имеем одну цифру, поэтому визир бегунка ставят

над числом 175 в первой половине шкалы А и по основной шкале D корпуса линейки под визиром читают число 132 (рис. 20).

Пример 2.
$$\sqrt{11,65} \approx 3,41$$
.

Подкоренное число находят в правой части шкалы А.

Извлечение кубического корня

Пример 1. Вычислить $\sqrt[3]{56,4}$.

Подкоренное число находят на средней части шкалы К кубов, совмещают с ним визир бегунка, а на шкале D под визиром читают ответ: $\sqrt[3]{56,4} \approx 3,84$ (рис. 20).

Пример 2. Вычислить $\sqrt[3]{0,0098} \approx 0.214$.

Подкоренное выражение отыскивают в левой части шкалы К кубов.

Пример 3. $\sqrt[3]{0,000153} \approx 0,0532$.

Подкоренное выражение устанавливают в правой части шкалы К кубов (рис. 20).

Пользование шкалой обратных чисел

Для вычисления обратных чисел (1:x) визир бегунка устанавливнот на лицевой стороне диска над числом x основной шкалы В движка, а результат читают по визиру на шкале R.

2.
$$\frac{1}{3.14} \approx 0.318$$
.

3.
$$\frac{1}{16.0} \approx 0,0625$$
.

4.
$$\frac{1}{0.27} \approx 3,70$$
.

5.
$$\frac{1}{104} \approx 0,00962$$
.

6.
$$\frac{1}{486} \approx 0,00206$$
.

Вычисление тригонометрических функций

При пользовании логарифмическими шкалами T, S и ST на обратной стороне корпуса линейки «Спутник» начальные штрихи этих шкал должны совпадать с начальными штрихами шкалы Е.

Пример 1. $\sin 59^{\circ}$,0 ≈ 0.857 .

При совмещенном положении начала шкалы Е движка началом тригонометрических шкал (рис. 21) визир бегунка



Рис. 21. Вычисление на тригонометрических и логарифмических шкалэх линейки «Спутинк» (На рис. 21 вместо 0,875 следует читать 0,857.)

подводят к числу 59° ,0 на шкале S, а на шкале E под визиром читают ответ: 0,857.

Примеры.

2. $tg 9^{\circ} 25' \approx 0,1658$.

8. $\cos 84^{\circ} 05' = \sin 5^{\circ} 55' \approx 0,1025$.

4. $\sin 0^{\circ} 42', 5 = \operatorname{tg} 0^{\circ} 42', 5 \approx 0,0123$.

5. $tg 3^{\circ} 08' = sin 3^{\circ} 08' \approx 0,0547.$

Примечание. Для вычисления значений котвитенса, косежека или секанса определяют соответственно функции тангенс, сивуй или косинус, а затем на лицевой стороне движка линейки, котызучась его основной шкалой В и шкалой R обратных чисел, аслучают значения искомых функции.

Пример 6. Вычислить ctg 34° 20'.

Пользуясь шкалами Т и Е, определяют tg 34° $20' \approx \sim$ 0,683 (ркс. 22), а на лицевой стороне движка по шкалам R и В получают 1:0,683 \approx 1,464 (ркс. 22). Следовательно, stg 34° $20' \approx$ 1,464.

Умножение чисел

Умножение чисел производят с помощью основных жнал корпуса и движка лицевой стороны диска. Это действие сводят и сложению соответствующих отреаков на логарифмических шкалах В и D.

Пример 1. Вычислить 82×6,6.

Совмещают начальный штрих шкалы В двнжка с чнслом 82 на основной шкале D корпуса (рис. 23, а). Внзир бегунка

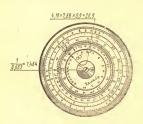


Рис. 22. Умножение чисел с помощью шкалы R и вычисление обратиых чисел на линейке «Спутник»

устанавливают над числом 66 основной шкалы В движка и под визиром на шкале D корпуса читают ответ: 541. Пример 2, 0,0455 × 0,166 ≈ 0.00755 (рис. 23.6).

Пример 3. Вычислить 8,6 √ 3,1.

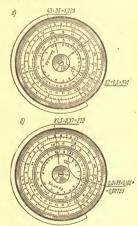
Визир бегунка совмещают с числом 31 в первой половине шкалы А. Движок началом основной шкалы В подводят под визир бегунка. Визир бегунка совмещают с числом 86 на основной шкале В движка. Под визиром бегунка по основной шкале В корпуса читают ответ: 15,14 (рис. 24).

Пример 4. Вычислить 0,455 · ³/2.

Движок ставят штрихом, соответствующим числу 455 на основной шкале В против начала основной шкалы D корпуса. Визир бегунка совмещают с числом 2 в левой части шкалы К. Под визиром бегунка на основной шкале В движка читают ответ: 0,573 (рис. 25)

Деление чисел

Действие деление, как обратное умножению, сводится к вычитанию на линейке соответствующих отрезков на логарифмических шкалах В н D. Поимер 1. Вычислить 43:35.



Рис, 23. Умножение и деление на шкалах В и D линейки «Спутник»

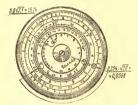
Визир бегунка ставят на деление 43 основной шкалы D корпуса линейки (см. рис. 23, а) и перемещают движок так, чтобы с визиром совпал штрих, отмеченный числом 35 на

шкале В. Затем против нача льного штриха шкалы В читают на шкале D ответ: 1,229.

Пример 2. 81,5:0,37 ≈ 220 (см. рис. 23, б).

Пример 3. Вычислить $\sqrt{3}$:7,8 (рис. 25).

Визир бегунка совмещают с числом 3 на левой части шкалы А на корпусе линейки. Под визир бегунка подволят штрих, соответствующий 78 на основной шкале В движка.



Рнс. 24. Умножение и деление на шкалах В, D и A линейки «Спутник»

Против начального штриха шкалы В движка на шкале D корпуса читают ответ: $\sqrt{3}$:7,8 pprox 0,222.

Пример 4. Вычислить 0,254: √20.

Визир бегунка совмещают с числом 2 во второй части шкалы К (см. рис. 24). Под визир бегунка подводят движко числом 254 основной шкалы движка В. На шкале В движка против вычального штриха шкалы D корпуса читают ответ: 0.0568.

Применение шкалы мантисс

Пля определения десятичного логарифма числа на линейке «Спутник» пользуются шкалой С мантисс логарифмов и сисновной шкалой В на лицевой стороне движка. Визир бегунка совмещают на шкале В со штрихом, соотвестевующим числу, логарифм которого определяют, а на шкале L по визиру читают мантиссу логарифма; впереди мантиссых набе принисывают карактеристику (см. с. 5—7). Примеры.

1. $\lg 190 \approx 2,279$. 3. $\lg 0,964 \approx \overline{1},984$. 5. $\lg 25300 \approx 4,403$.

2. lg 47,9 ≈ 1,680.

4. $\lg 0.00183 \approx \overline{3.262}$, 6. $\lg 8010000 \approx 6.904$.

Для нахождения числа по его десятичному логарифму мантиссу заданного логарифма устанавливают визиром

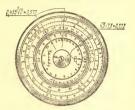


Рис. 25. Умножение и деление на шкалах В, D, A и K линейки «Спутиика»

бегунка на шкале L, а число, ей соответствующее, читают по визиру на основной шкале В движка линейки. Примеры.

3,450 ≈ lg 0,00282.
 2,843 ≈ lg 697.

0,382 ≈ lg 2,41.
 1,104 ≈ lg 12,7.

Вычисления с помощью шкалы обратных чисел

Комбин-ированное умножение и деление, При вычислении обратных чисел x=1:n пользуются шкаль R, устанавливая визыр бегунка нал числом n шкаль B и получая результат под визиром на шкале R (или наоборот). При вычислении чисел $1:\sqrt{n}$ или $11\sqrt[3]{n}$ инобоходим предварительно совместить начала шкал движка и корпуса (т. е. шкалы B и D), затем визир бегунка установить над числом n соответственно по шкале R ам A или R, а ответ прочитать по визиру на шкале R,

Примеры.

1. 1:0,683
$$\approx$$
 1,464 (см. рнс. 18). 2. 1: $\pi \approx$ 0,318,
3. 1: $\sqrt{7} \approx$ 0,378. 4. 1: $\sqrt[3]{54} \approx$ 0,265.

Для вычисления выражений вида $x = \frac{a_1 a_2}{b_1}$ поступают так: 1) на основной шкале D корпуса линейки визир бегунка совмещают со штрихом, соответствующим числу а; 2) под визир бегунка подводят движок штрихом, соответствующим числу в, шкалы В; 3) переставляют визир бегунка на штрих, соответствующий числу а, на шкале D; 4) по начальному штриху шкалы В на основной шкале корпуса D прочитывают результат х.

Пример 1. $x = \frac{16.87}{05} \approx 14.6$.

При вычислении выражений вида $x = a_1 a_2 a_3$ следует пользоваться шкалой R на движке, представляя это выражение в виде

$$x = \frac{a_1 a_2}{\frac{1}{a_2}}$$

Пример 2. Вычислить $x=4,18\cdot7,68\cdot0,9$ (см. рис. 18): $\frac{4,18\cdot7,68}{\frac{1}{0.9}} \approx 28,9.$

КРУГОВЫЕ СЧЕТНЫЕ ЛОГАРИФМИЧЕСКИЕ ЛИНЕЙКИ КЛ-1 И КЛ-2

§ 15. ОПИСАНИЕ ЛИНЕЙКИ КЛ-1

Наиболее портативным прибором для вычислений является круговая логарифмическая линейка закрытой конструкции с механическим управлением КЛ-1. На этой линейке можно выполнять умножение, деление, возведение в квадрат, и извлечение квадратного корня, производить вычисления с тригонометрическими функциями и определять обратные величины. Выполнение этих действий (кроме умножения и деления) на линейке КЛ-1 сходно с выполнением аналогичных действий на нормальной логарифмической линейке (см. § 5). Что же касается

умножения и деления чисел, то эти действия на линейко

КЛ-1 производят несколько иначе.

Линейка КЛ-1 состоит из двух циферблатов, заключенных в металлическую оправу с двумя головками и и 2 (рис. 26). Неподвижный циферблат— корпус линейки наглухо скреплен с оправой. На этом циферблате навесены тря шкалы: сосновия шкала D длиной 12 см,

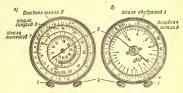


Рис. 26. Общий вид круговой логарифмической линейки КЛ-1: 4 — вид со стороны корпусв; 6 — вид со стороны движкв

шкала S синусов длиной 11,5 см и шкала Т тангеисов длиной 13,5 см. Второй циферблат— подвижный — движок, вращающийся с помощью головки с черной точкой— черной головки Г. На движке 4 нанесены две шкалы внутренняя основняя шкала В чисся и наружняя шкала — шкала А квадратов; длины этих шкал по 11,5 см. Над движком против черной головки I помещена непольижная маленькая стрелка красного цвета — индекразатель, которым отмечено иначало основной шкалы неподвижным циферблатом) и над движком (подвижным циферблатом) и над движком (подвижным шферблатом) и над движком (подвижным шферблатом) и точкой — красной точкой точкой

Поверки линейки КЛ-1

 При совмещении индекса и стрелки-бегунка последняя должна быть над началом шкал D, S, T корпуса-2. Для поверки шкал В и D стрелку-бегунок уста-

навливают против числа п на шкале D корпуса, затем

движок началом шкалы В подводят под бетунок и смотрыт, совпадает ли индекс с числом n; в этом случае линейкой работать можно. Такую поверку на шкалах D и B следует производить равномерно, пользуясь числами 15, 2, 25, 3, 35, 4, 5, 6, 7, 8, 9.

3. Для поверки шкал A, S и T проверяют некоторые равенства. Например, $2^2=4$, $3^2=9$, $\sin 30^\circ=0.5$.

 $tg 30^{\circ} \approx 0.577.$

§ 16. УСТАНОВКА И ЧТЕНИЕ ЧИСЕЛ ПО ШКАЛАМ ЛИНЕЙКИ КЛ-1 • 1. Основная шкала D корпуса и аналогичная ей

основная шкала В движка представляют собой обычную круговую сомкнутую логарифмическую шкалу чисел 1, 2, . . . , 9,1.

Оцитровка интервалов этих шкал приведена в табл. 9-

Таблица 9

T U O II II U							
型医血八斑	Учестка шкал	Цена ваниеньшего деления	Длинными штриха- ми выделены деле- ния	Шкалы	Участки шкал	Цена наименьшего деления	Длинными штрика- ми выделены деле- ния
ВиД	1-2 2-6 6-10	0,02 0,05 0,10	0,10 0,10 0,50	S	5° 44′,2—10° 10—20° 20—30° 30—70°	10' 20' 30' 1°	30 ' 1° 1° 5°
A	2-6 0.	0,05	10 0,50 25 0,50 5 1,0 0 5,0		70—90°	5°	
	6-10 10-20 20-60 60-100	0,25 0,5 1,0 2,5		Т	1—6° 6—10° 10—45°	5' 10' 20'	10' 30' 1°

Примечание. На шкалах В и D наиссен значок $c=\sqrt{4:\pi}$, на вкалах А. В. D — анчок $\pi=0.12R$.

На основной шкале $\frac{\mathrm{B}}{2}$ движка нанесены два вспомогательных значка: $c=\sqrt{4/\pi}$ и $\pi=C/D$. Кроме того, число π нанесено еще на основной шкале D корпуса, а также на шкале A квадатов (рис. 26).

Пример 1. Установить на основной шкале D корпуса стрелку-бегунок на число 0,210.

Для этого следует, не обращая внимания на порядок числа, в интервале 2—3 шкалы D найти число 21 и вра-

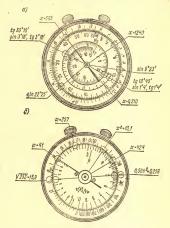


Рис. 27. Чтенне и установка чисел на линейке КЛ- 1_1 α — положение со стороны корпуса; δ — положение со стороны движка

щением красной головки 2 совместить α ним стрелкубегунок, как это показано на рис. 27, α .

Пример 2. На рис. 27, а показана установка на основной шкале D корпуса стрелки-бегунка на число 1240,

Пример 3. Прочитать число x, находящееся под стрелкой-бегунком на основной шкале D корпуса (рис. 27, a); x=685.

Пример 4. Найти на движке число 257 и поставить его против индекса.

Это число находится в интервале 2—3 шкалы В движка. Вращением черной головки его нужно подвести под индекс (рис. 27,6).

Пример 5. Прочнтать число x, находящееся на основной шкале В движка под стрелкой-бегунком (рис. 27, δ); x=424.

2. Логарифмическая шкала А квадратов чисел на дижене линейки состоит из двух одинаковых частей (см. рис. 26,0), оцифрованных 1, 2, ..., 9, 10 и 10, 20, ..., 90,1, которые соответствению предназначены для извлечения кория квадратного из чисел с одной или с двумя цифрами в грани высшего разряда. Цена наименьшего деления на разных участках этой шкалы приведена в табл. 9.

Под стрелкой-бегунком на рис. 27,6 находится на шкале А число 41; или, например, число 13,1 на шкале А находится между числами 10 и 20 (рис. 27,6).

3. На логарифмической шкале S синусов на корпусе линейки от начальной точки ее в масштабе основной шкалы нанесены логарифмы синусов углов от 5°43′,77 до 90°(рис. 27. а и табл. 9).

Пример 1. На рис. 27, а стрелка-бегунок находится на шкале S над штрихом, соответствующим 22°25'

Пример 2. На рис. 27, а на шкале S стрелка-бегунов

поставлена на штрих, соответствующий 9°23'.

4. Логарифмическая шкала Т тангенсов, представляющая собой спіраль, расположена в центре корпуса линейки (рис. 27, а). Она состоит из двух частей. На первой ее части, предназначенной для определения натуральных значений тангенсов для углюв от 1° до 6°, наименьшее деление равно 5′. Вторая часть этой шкалы, используемая для рычильсяний натуральных значений тангенсов углов от 6° до 45°, имеет наименыее деление 1117.

Натуральные значения sin α и tg α для углов α менее 5° 43',77 в пределах трех значащих цифр можно считать равными, поэтому шкалу Т тангенсов используют и для спредления натуральных значений синусов углов от 0°

до 5° 43′,77.

Пример. На рис. 27, а стрелка-бегунок совмещена на шкале Т со штрихами, соответствующими 30°10′ и 3°18.

§ 17. ПРИМЕНЕНИЕ ЛИНЕЙКИ КЛ-1

Возведение в квадрат и извлечение квадратного кория

Для возведения в квадрат числа х необходимо врашением краеной головить стрелку-бегунок над этим числом х на основной шкале В движка и выше по стрелке-бегунку на шкале А прочитать искомый результать. При этом для установления порядка результата следует обховодстводаться указаннями. поинесенными в лаба 3.

Для навлечения квадратного кория из числа х необкодимо предварительно разбить это число иа грани по две цифры влево или вправо от запятой (что соответствует числам больше 1 или меньше 1), и если в грани высшего разряда одна значащая цифра, то стрелкубегунок следует установить над числом х в первой половине шкалы квадратов (там, где цифры 1, 2, . . , 9, 10); если же значащих цифр две, то бегунок нужно установить над числом х во второй половине цикалы квадратов (там, где числа 10, 20, . . , 90,1); в обоих случаях результат √х следует прочитать ниже по нити бегунка на основной шкале.

Пример 1. Вычислить 0.5062.

Ставят стрелку-бегунок над числом 503 на основной шкале движка (рис. $27, \delta$) и выше по шкале A, читают число $256; 0,506^2 \approx 0,256$.

Пример 2. Вычислить $\sqrt{253}$.

Разбивают подкоренное выражение на грани. В старшей грани будет эншь одна цифра, поэтому стрелку-бегунок ставят над числом 256 шкалы Λ в ее первой потовине. Ниже на основной шкале B движка читают число 159 (онс. 27.6); V 253 \simeq 15.9.

Вычисление выражений вида 1:x, $1:x^2$, $1:\sqrt{x}$

В этом случае предварительно следует поставить движок в «нормальное положение», т. е. совместить начало движка с индексом (рис. 28). Чтобы вычислить значение обратной величины 1:х, следует стрелку-бегунок совместить на основной шкале D корпуса со штрихом,

соответствующим числу х, а на шкале В движка под стпелкой-бегунком прочитать искомый результат.

Для вычисления вначения $1:x^3$ необходимо подвести стрелку-бегунок к числу x на основной шкале D корпуса линейки (рис. 28) и, повернув к себе диск обратной с то

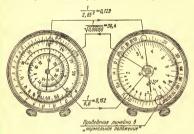


Рис. 28. Вычисление обратных чисел на линейке КЛ-1

роной, под стрелкой-бегунком прочитать на шкале А ответ.

Для вычисления выражений вида $1:\sqrt{l}$ х стрелкубегунок следует поставить над числом х шкалы А и, повернув к себе диск обратной стороной, под нитью стрелки-бегунка получить результат на основной шкале D корпуса.

Пример 1. На рис. 28 показано получение значения

 $1:6,6 \approx 0,152.$

Пример 2. Вычислить $n=1:2,85^2$.

Установить стрелку-бегунок над числом 285 по шкале D корпуса. Привеля движок в «нормальное положение», читаем пол стрелкой-бегунком на шкале A число 123; $n=1:2,85^2\approx0,123$ (рис. 28).

Пример 3. Вычислить $a=1: \sqrt{0,00066}$.

После приведения диска в «нормальное положение» устанавливают стрелку-бегунок в первой половине шкалы А над числом 63, а число 398 читают под нитью стрелкибегунка на шкале D; $a=1:\sqrt{0,00066}\approx 39,4$.

Вычисление натуральных значений тригонометрических функций

Для определения $\sin \alpha$ прь $5^{\circ}\,43', 77{<}\alpha{<}90^{\circ}$ стрелкубегунок следует устанавливать над соответствующим

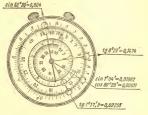


Рис. 29. Вычисление тригонометрических функций на линейке К.Л-1

штрихом на шкале S, а на шкале D корпуса читают ответ (рис. 29).

При вычислении натуральных значений соя пользотог формулой $\cos \alpha = \sin (90^\circ - \alpha)$ и по $\sin (90^\circ - \alpha)$ определяют значение соя. Для определения натурального значения tg при $5^\circ 43^\circ$, $7.7 < \alpha < 45^\circ$ стрелку-бегунок следует устанавливать на шкале T над штрихом, соответствующим заданному значению α , а на шкале D корпуса под стрелкой-бегунком читают ответ. В этих двух случахи порядко результата N=0 (сом. § 4).

Вычисление натуральных значений sin α и $tg \alpha$ малых углов (при $1^{\circ} \alpha < 5^{\circ} 43'$, 77) производят по одной шкале T, так как в этих случаях можно считать sin $\alpha \approx tg \alpha$. Поэтому стрелку-бегунок устанавливеют над соответству-

ющим -штрихом на шкале T, а ответ читают по шкале D, корпуса (ответ имеет порядок N=1). Для определения натуральных значений sin α и tg α углов α менее 1^{α} можно воспользоваться известным выражением $\sin \alpha \approx tg$ $\alpha \in (1/n) \sin n\alpha \approx (1/n) tg$ $n\alpha$, которое для этих углов остается справедливым до четырех значащих цифр.

При вычислении натуральных значений сід $\alpha(5^543^\circ, 77^\circ < \alpha < 90^\circ)$ поступают следующим сбразом. Если нужно вычислить натуральное вначение сід α , устанавливают стрелу-бегунок на шкале Т (ди. сли вычисляют эсс α , от на шкале S) над штрихом, соот ствующим значению α , и после приведения движих внормальные положение читают ответ на обратной сгороне диска под стрелкой-бегунком на основной шкале α движка.

Прн нахождении натурального значения $\sec \alpha$ следует воспользоваться формулой $\sec \alpha = \csc (90^\circ - \alpha)$ и далее по $\csc (90^\circ - \alpha)$ найти вначение $\sec \alpha$ так, как это было

изложено ранее.

Для определення натурального значения $tg\,\alpha$ при $45^\circ < \alpha < 90^\circ$ определяют $ctg\,(90^\circ - \alpha)$, а далее поступают

так, как это указано в § 5.

На линейке К.П-1 можно производить вычисления визичений $1 \cdot \sin^3 \alpha$, $1 \cdot t g^4 \alpha$, а также значений $s \cdot \cot^2 \alpha$, соsec $^4 \alpha$ и $\cdot t g^4 \alpha$. В этих случаях стрелку-бегунок необхедимо совместить с соответствующим штрихом на шкале S или T, движок привести в «пормальное положение», а ответ прочитать под стрелкой-Сегунком на шкале Aдвижка.

Для нахождения угла по натуральному значению тригонометрической функции стрелку-бегунок на шкале D корпуса совмещают со штрихом, соответствующим заданному значению функции, а на шкале S или T читают под стрелхоб-бегунком искомый угол. В случае определению стреления значения угла с по заданному натуральному визению стреления значения угла с по заданному натуральному визению стрелами стрелу стрему стрему стрему в чюрмальное положение) совмещают с соответствующим штрихом на шкале В движка, а ответ читают на соответствующих шкалах Т яли S корпуса линейки.

Пример 1. Определить натуральное значение sin 53°30'.

На шкале S отыскивают штрих, соответствующий 53°30′ (рис, 29), а на основной шкале D корпуса линейки читают число 804; sin 53°30′ ≈ 0,804.

Пример 2. Определить натуральное значение tg 8° 23'.

На шкале Т находят штрих, соответствующий 8° 23' (рис. 29). Совмещают с этим штрихом стрелку-бегунок и по ней на шкале D корпуса читают 1474: tg 8° 23′ ≈ ≈ 0 1474

Пример 3. Вычислить натуральное значение tg 1° 17',5. Устанавливают стрелку-бегунок на шкале Т нап штрихом, соответствующим 1° 17',5 (рис. 29), а на основной шкале D корпуса линейки читают 2255; то 1° 17′5 ≈ ≈ 0.02255.

Пример 4. Определить натуральное значение cos 89° 28'. Учитывая, что cos 89° 28′ = sin 0° 32′ ≈ 0.5 sin 1° 04′ совмешают по шкале Т стрелку-бегунок со штрихом соответствующим 1°04' (рис. 29), а пол стрелкой-бегунком на шкале D читают 1862: cos 89° 28′ ≈ 0.00931.

Примеры.

ctg 10° 13′ ≈ 5.55. a cosec 68° 30′ ≈ 1.075.

Натуральное значение tg 54° 25′ = ctg 35°35′ ≈ 1.398.

7. 1 :sin² 17° 30′ ≈ 11.06. cosec² 40° 15′ ≈ 2.395.

9. 1 :tg8 3° 16' ≈ 307.

10. sec2 63° 02' ≈ 4,86. cosec² 3° 02′ ≈ 357.

 ctg² 5° 20′ ≈ 114,7.
 Eсли sin α=0.505, то для определения значения угла а следует стрелку-бегунок поставить над числом 505 основной шкалы D корпуса и по стрелке-бегунку на шкале S прочитать значение угла α≈ 30° 20'.

14. ctg $\alpha = 2.66$; $\alpha \approx 20^{\circ} 36'$.

Умножение и деление чисел

Для умножения чисел стрелку-бегунок необходимо совмещать со штрихом, соответствующим значению первого сомножителя на основной шкале D корпуса. Затем. повернув линейку, под стрелку-бегунок подвести основную шкалу В движка штрихом, соответствующим второму сомножителю, и под индексом движка прочитать ответ,

Пример 1. Вычислить 16,4.20,7 (рис. 30).

Стрелку-бегунок совмещают со штрихом 164 на основной шкале D корпуса. На шкале В движка находят число 207 и подводят его под стрелку-бегунок. Результат 339 читают под индексом движка на основной шкале В.

При делении чисел на шкале В движка отыскивают штрих, соответствующий делимому, и движок этим числом

подводят под индекс. После этого стрелку-бегунок ставят на шкале В на штрих, соответствующий делителю. Повернув линейку, на шкале D корпуса под стрелкойбегунком прочитывают частное.

Пример 2. Вычислить 266: 15.2 (пис. 31).

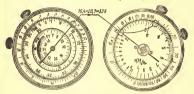


Рис. 30. Умножение чисел на КЛ-1

Подводят движок штрихом 266 основной шкалы В вод индекс. Ставят стрелку-бегунок над числом 152

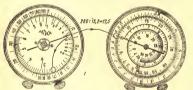


Рис. 31. Деление чисел на линейке КЛ-1

основной шкалы В движка. Под стрелкой-бегунком на шкале D корпуса читают ответ: 266:15,2 ≈ 17,5.

Пример 3. Вычислить $n = \frac{2.5 \cdot n}{1.00}$

Движок штрихом 25 на основной шкале В ставят под индекс. Стрелку-бегунок подводят к штриху 437

			Вычисление выражений вида	ражений вида		
Порядок действий	a×b*	Vaxb	a*: b	Va: b	a: b*	a: Vē
1	Приведение д	Приведение движка в «нормальное положение» (отечет 1 по нидексу)	льное положение	з (отсчет 1 по	нндексу)	
c	Установка ст	Установка стрелки-бегунка на начало а на шкале:	начало и на ш	(але:		
4	A	A	В	A	A	B
97	Перемещение де	Перемещение двяжка цифрой 1	Перемещение	вижка под стре	лку-бегунок числ	Перемещение движка под стрелку-бегунок числом в по шкале:
	под стреля	под стрелку-бегунок	A	В	В	A
4	Перестановка с	Перестановка стрелки-бегунка на число b по шкале:	Перестан	овка стрелки-бе	Перестановка стрелки-бегунка на начало двнжка	движка
	В	В				
	Приведение д	Приведение движка в «нормальное положение»	ьное положение			,
Orner	Отсчет под ст	Отсчет под стрелкой-бегунком по шкале:	по шкале:			
	A	В	A	В	V	В

основной шкалы В движка. Под стрелку-бегунок подволят штрих, отмеченный на шкале В движка значком π . Под индексом на основной шкале В движка читают ответ: 1,797.

Пример 4. Вычислить $n = \frac{0.67C}{8.6}$.

Найля на шкале А квадратов движка штрих, соответствующий числу 86, вращением черной головки полволят этот штрих под индекс. С помощью поворота красной головки устанавливают стрелку-бетунок над штрихом. Соответствующим числу 97 на основной шкале движка. Подводят под грелку-бетунок значок С на основной шкале В движка и читают ответ: п. Ф. 0,0879.

При умноженни или делении чисел с одновременным возведением в квадрат одного из них или извлечением кория квадратильного вычисления целесообразно прояводить без поворота линейки последовательным откладыванием сомножителей (или делимого и делигеля) на соответствующих шкалах В и А, пользуясь попеременно перестановками движка и стрелки-бегунка. Порядок действий для этих случаев указан в левой колонке табл. 10. Умножение выражений вида х=аb без поворота линейки также возможно, ю не рационально.

Примеры.

5.
$$1,63^2 \cdot 0,85 \approx 2,26$$
. 6. $\sqrt{\pi} \cdot 19,3 \approx 34,2$.

7.
$$5,3^2:265 \approx 1,060$$
. 8. $\sqrt{0,38}:0,472 \approx 1,306$.

9.
$$365:24^2 \approx 0,633$$
. 10. $6,16:\sqrt{2,03} \approx 4,26$.

Для вычисления выражений вида $x = \frac{1}{\sqrt{ab}}$ предварительно выполняют умножение \sqrt{ab} (см. табл. 10), однако результат читают под стрелкой-бегунком на шкале D

корпуса. Пример 11.
$$\frac{1}{3 \cdot 1/\pi} \approx 0,188$$
.

§ 18. КРУГОВАЯ ЛИНЕЙКА КЛ-2

Счетная логарифмическая динейка К.Л-2 представляет собой усовершенствованный вариант закрытой линейки К.Л-1. Вычислительные операции на этой линейке основаны на сложении или вычитании взаимно перемещающихся и обратных шкал (так же как в варианте КЛ-1, логарифмические шкалы обеих сторол линейки являются взавимо обратными и эта связь фиксируется системой «стрелка-бегунок — неподвижный корпус или индексы»

Таблица 11

Шкалы	Участка шкал	Цева нанмень- шего деления	Дляннымя штря хами выделены деленяя	Шкалы	Участки шкал	Цена навменьше го деления	Длинными штрх хами выделены деления	
B, D, E	1-2 2-6 6-10	0,02 0,05 0,10	0,10 0,10 0,50	S	5°43′,77—10° 10—20° 20—30° 30—60°	10 ' 20 ' 30 '	1° 1° 5°	
A	1-2 2-6 6-10	0,05 0,10 0,25	0,10 0,50 0,50		60—70° 70—80° 80—90°	2° 5° 10°		
	Вторая половина шкалы имеет аналогичиую оцифровку		Т	5° 43′,77—10° 10—45°	10' 20'	1°		
L	0-100	1,0	5,0	ST	84',4—1°	2'		
К	1-2 2-4 4-10	0,05 0,10 0,20	0,10 0,50		1—5° 5°—5° 43′,77	5′ 10′	10 *	
	части ют а	ая и тр шкаль налогич цаофриј	ную					

Примечание. На шкалах В, D, В нанесен значок $\pi = C : 2R$, а на шкалах В и В также $c = \sqrt{4 : \pi}$.

и прямых шкал (подобно операциям на лицевой стороне нормальной линейки).

На неподвижной стороне корпуса линейки К.Л-2 расположены пять шкал: основная D, кубов K, синусов S, тангенсов Т, синусов и тангенсов малых углов ST. Их длины соответственно равны 12, 12,5, 10,8 и 5,5 см. Со стороны движка имеется одна неподвижная шкала основная шкала Е корпуса и три шкалы на движке: основная В, квадратов А, мантисс логарифмов L; длины

Табянца 12

		Bı	ичнслени	не выраз	кений ви да							
Порядок действий	2*	Va	a ^a	3/a	1/√ a³	1/\scrt{a}						
, 1	Уста	ановка	стрелки	1-6er J-1	ка на отсчет	а по шкале:						
	В	A	D	К	K	- A						
2		Приведение движка в «иормальное положение»										
Ответ	Отс	чет под	стрел	кой-бег	унком по шк	але:						
Olaci	A	В	К	D	Е	D						

этих четырех шкал соответственно равны 120, 115, 80 и 70 мм. Перемещение движка производится головкой с черной точкой, которая укреплена на оправе корпуса. Головка с красной точкой служит для перестановки красной стрелки-указателя, вращающейся одновременно над обеими сторонами линейки и выполняющая роль визира бегунка.

Перед началом работы с линейкой КЛ-2 необходимо усвоить оцифровку шкал на разных ее участках (табл. 11). При этом необходимо учитывать, что шкала А состоит из двух одинаково оцифрованных участков; первый из них предназначен для извлечения корней квадратных из чисел, у которых в первой грани высшего разряда одна цифра, второй - для извлечения корня квадратного из чисел, у которых в первой грани высшего разряда две цифры. Шкала К также содержит три участка, соответствующих одной, двум или трем цифрам в первой грани высшего разряда при извлечении корня кубического из числа.

При возведении чисел в квадрат или извлечения квадратного кория пользуются шкалами В и А движка, а при вычислении выражений, содержащих x^3 или $\sqrt[3]{x}$, — шкалами Д и К корпуса; порядок операций приведен в табл. 12. Для вычисления обратных чисел польеден в табл. 12. Для вычисления обратных чисел поль

Таблица 13

			Вычис	ление в	ыражен	ий вида		
Порядок действий	sin a	tg a	cosec a	ctg a	sin³ a	tg» α	l/sin³ α	etg* c
,	У	станови	а стрелк	и-бегун	ка на	отсчет	α по шкал	ie:
1	S	Т	S	T	S	T	A	A
2							Привед движ в «норма положе	ка ільное
Ответ		Отеч	ет под ст	гредкой	-бегунт	ком по	шкале:	
Other	D	D	E	Е	K	K	A	A

ауются соответственно шкалами А и D или K и E, причем в первом случае предварительно нужно привести движок в «нормальное положение», совместив шкалу В движка со ималой E корпуса (см. табл. 12).

Примеры.

1.
$$5,3^2 \approx 28,1$$
. 2. $\sqrt{\pi} \approx 1,772$.

3.
$$1,46^3 \approx 3,11$$
. 4. $\sqrt[3]{2,13} \approx 1,287$. 5. $1:\sqrt[3]{63} \approx 0,251$. 6. $\sqrt{1:\pi} \approx 0,564$.

Нахождение тригонометрических функций выполнятой по шкалам S, T, а для углов менее 5° 43°,77 по шкале ST (табл. 13).

Примеры.

7. $\sin 10^{\circ} 25' \approx 0.1808$, 8. $tg 2^{\circ} 41' \approx 0.0469$. 9. $\cos 63^{\circ} 15' \approx 1.120$. 11. $\sin^3 31^{\circ} 07' \approx 0.145$. 12. $tg^4 40^{\circ} 30' \approx 0.623$. 13. $\csc^2 6^{\circ} 16' \approx 83.9$. 14. $tc^2 14^{\circ} 26' \approx 15.10$.

Умножение и деление простых чисел производится, как правило, без поворота корпуса линейки в том же

Таблица 14

							T	аоли	ца 14	
		.,	Вы	ч ислен в	е вырах	кений в	ида			
Порядок действий	a×b	a V b	<u>b</u>	$\frac{b}{\sqrt{a}}$	<u>b×c</u> a	$\frac{b \times c}{\sqrt{a}}$	3 1 b	sln a	tg a	
-1	нача.	ещение пьиого та (1) пы D	Уст	ановка		и-бегун шкале:	ка на с	отсчет (b (a)	
1.	движи тив чи	а про- есла <i>а</i> пы Е	Е	В	E	Е	K	s	Т	
2	стре бегу на от	новка елки- /нка счет <i>в</i> шкале:	стре	мещени лку-бег м а по	унок о	движ	Установка начала движка под стрел- ку-бегунок			
	В	A	В	A	В	A		-		
3		_	ка ст бегун	танов- релки- ика на нало			ка стрелки-бегуика чет а по шкале:			
			B 1	ней	В	A	В	В	В	
Ответ	Отсче	ет под	стрелко	ой-бегун	ком по	шкал	e E			

порядке, как и на нормальной линейке. Порядок действий указан в табл. 14.

Примеры.

15.
$$47,3 \cdot 0,1852 \approx 8,76$$
.
17. $15,05;6,3 \approx 2.39$.

16.
$$3\sqrt{0.246} \approx 1.487$$
.
18. $\pi : \sqrt{3} \approx 1.813$.

19.
$$\frac{2.6 \cdot 0.14}{1.28} \approx 0.284$$
.

21.
$$\frac{46,3}{3\sqrt{7.9}} \approx 2,38.$$

20.
$$\frac{[6\cdot8,25]}{\sqrt{63}} \approx 7,13$$
.
22. $15.2 \operatorname{cosec} 21^{\circ}15' \approx 41.90$

23, 27,8ctg 25° 20′ ≈ 48,7.

Если необходимо вычислить обратные величины 1:n или их кубы 1:n9 (следовательно, при вычислении выражений вида 1: $(a \times b)$ или 1: $(a \times b)$ 9, $(a \times b)$ или (b : a)9 и т. д.,

в том числе $\frac{\sqrt{a}}{b}$, $\frac{\sqrt{a}}{c}$, $\frac{\sqrt{a}}{c}$, $\frac{\sqrt{a}}{a}$, $\frac{\sqrt{a}}{a}$, $\frac{\sqrt{a}}{a}$, $\frac{\sqrt{a}}{a}$, то ответ читают под стрежкой-бестунком не по шкале Е, а по шкале В или при возведении в куб — по шкале К. Все казавінье относительно поряжка действий на шкалах 5 и Т в равной мере относится и к операциям при польвовании шкалой ST.

Примеры.

24.
$$\frac{1}{2} \approx 0.318$$
.

25.
$$\frac{1}{2\sqrt{\pi}} \approx 0.282$$

26.
$$\sqrt{43}:5,3 \approx 1,24$$
.

$$27. \ \frac{0.65}{4.1.0.09} \approx 1.76.$$

28.
$$\frac{\sqrt{143}}{11,2\cdot 0,6} \approx 1,78.$$

29.
$$\frac{2,5}{1.99} \approx 1,45$$
.

30.
$$\frac{\sin 3^{\circ} 26'}{3.4} \approx 0.0176$$
.

ЗАКЛЮЧЕНИЕ.

При выборе счетной логарифмической линейки той или нной конструкции следует учитывать эксплуатационные особенности каж-

non us uuv 1. Линейка «Ленинград», нормальная догарифинческая динейка

н полобные им (см. § 8) обладают несравнимым преимуществом перед другими конструкциями линеек, так как эксплуатация их выдержавшая «непытанне временем», не требует переучнвания.
Их недостатком является наличие съемных бьющихся частей

в неустойчивость против воздействия температуры и влажности возпуха.

2. Писковая линейкв «Спутник», наоборот, весьма устойчива против механических повреждений. Кроме того, она позволяет иметь набор дисков с различными шкалами, смена которых не вклывает аатрудиений. Нелостатком таких линеек является неустойчивое положение

в них визира, что может привести к ошнокам при вычислениях 3. Линейки типа КЛ-1 и КЛ-2 являются весьма портативными н устойчивыми против влияния температуры, влажности и пыли Они также позволяют легко производить замену шкал.

В линейке КЛ-2 устранен эксплуатационный недостаток, имеюший место в предшествующей ей модели КЛ-1, заключавшийся в веобходимости переворачивания линейки при выполнении на ней умножения и леления.

приложения

Основные правила приближенных вычислений

1. В записи приближенного числа є помощью десятичной дроби

оставляют только верные знаки. 2. При сложении или вычитании приближенных чисел в результата (сумме или разности) необходимо оставлять столько лесятии-

ных знаков, сколько их дано в компоненте с наименьшим числом влах знаков.

3. При умножении и делении приближениых чисел в результате необходимо оставлять столько значащих цифр, сколько их вмеет приближенное данное из заданных с наименьшим числом аначащих пифр. 4. При возведении приближениых чисел в квадрат или в куб

в результате необходимо оставлять столько значащих цифр, сколько их имеет основание степени: однако при этом последняя пифра, к особенно при возведении в куб, будет все же менее належиз, чем последняя цифра основания.

5. При извлечении квалратного или кубического кория из при-

ближенного числа в результате следует брать столько значащих вилов, сколько их ямеет подкоренное число. При этом последняя пифра квадратного, и особенно кубического, кория будет получаться более надежной, чем последняя цифра подкоренного числа. 6. Если для получения искомой величним требуется произвести

ряд различных действий, то в этом случае во всех промежуточных результатах необходимо сохранять лишь на одну цифру больше, чем это указано в правилах 2—4, отбрасывая эту лишиюю цифру

только в окончательном результате,

7. Если векоторые данные, участвующие в вычислениях, имеют десятичных внаков (при сложение и вычитании) или значащих цифр (при умножении, делении, возведении в степень или извлечении кория) больше, чем другие, то их предварительно округляют, сохраняя дишь одну лишнюю цифру против числа, заданного с наимомъщим числом значащих цифр

8. Выподняя вычисления, необходимо всегда помнить о той точности, которую можно получить или которая необходима в

каждом конкретном случае.

9. Для получения результата с п цифрами исходиые данные для вычисления необходямо брать с таким числом цифр, какое дают согласно правилам 2-5 n+1 цифр результата.

Памятка вычислителю

1. Приступая к вычислениям, следует прежде всего подготовить рабочее место и иметь все исобходимые для этого средотва.

2. Так как практически все вычисления произволят главиим образом по соответствующим формулам, то последние предварн-тельно должиы быть преобразованы так, чтобы при данных средствях вычислений определение искомой величины выполнялось с минимальной затратой времени.

3. Числовой материал, используемый пря вычислениях, следует располагать в определенной последовательности. Для этой неля при вычислениях пользуются специально разработаниыми схемами (бланками, ведомостями, журвалами с соответствующей разграфкой), позволяющими каждый результат, участвующий в вычислениях, разместить в отведенном для него месте. В заголовке схем. веломостей часто приводят формулы, для которых они составлеям.

4. При аычислениях числа в столбцах следует записывать так. чтобы цифры соответствующих разрядов были под цифрами тех же разрядов в выше записанном числе. При этом ошибочные результаты или ошибочно записанные числа не стирают, а аккуратио перечеркивают красными чериилами и ими же сверху запи-

сывают верный результат или число

5. Вычисление нельзя считать законченным, если не произведена тем или иным способом их проверка. При этом лучше, если эту проверку выполнить новым способом, не зависящим от принятого при первоначальных вычислениях.

Особенно винмательно следует производить вычисления, кото-

рые нельзя проконтролировать.

6. При вычислениях в числах дробную часть от целой следует отделять запятой, а в логарифмах — точкой 7. Вычислення необходимо вести на одной стороне листа; обрат-

ная сторона не должна использоваться

8. При вычисленнях числа, состоящие из многих цифр, должны

быть записаны с интервалами, например 8 320 000. 9. При однотипных вычислениях должен быть аыработаи стандарт в последовательности их выполнения.

10. Всякая замеченная ошибка в вычисленнях должна быть

исправлена немелленно.

11. Результаты отдельных вычислений должны быть выделены более крупным шрифтом и полчеркиуты

Историческая справка

Логарифмическая шкала — прямолинейный отрезок, на котором отложены логарифмы чисел и тригонометрических функций - основа устройства счетной личейки, была предложена лондонским профессором Эдмунтом Гунтером (1581-1626), т. е. спустя примерно шесть лет после опубликования (1614) Д. Непером (1550-1617) его работы о логарифмах. В 1620 г. Э. Гунтер сделал доклад об этом в Парижской Академии наук с демонстрацией своей линейки. на которой основными являлись шкалы — чисел, квадратов, кубов, синусов и таигенсов. Прототипом современной счетной линейки явилась конструкция

прямоугольной логарифмической линейки, разработанной англичанином Р. Биссакером в 1654 г. И только в 1851 г. Мангейм (Франция) предложил к линейке бегунок; с этого аремени она приняла соаременный вил.

В России логарифинческая линейка впервые была описана А. Д. Фарварсоном в его работе «Книжица о сочинении и описании сектора шкал плоской и гунтерской со употреблением оных инструментов в решении различных математических проблем».

опубликованной в 1739 г.

В копце XIX в. счетыме логарифические лимейки стали изгоповатися из нформах и с этого времены Вачали повалаться ие голько универсальные счетные лимейки со шклаями разной длизы в с различными приспособлениями (микрометренными виктами, мутами и другими деталами) для уточения и облегения вычисления, во и специальные счетные лимейки (микрометренными выктами, мутами и поверственные стали в предоставления в подрагонительный применения в предоставления предоставления и др.), отличающием от универсальных каличеми специальных шкал. К этому же времени относится и появление счетных динеек в авобными логарифическими шкалами.

УПРАЖНЕНИЯ ДЛЯ САМОСТОЯТЕЛЬНОЙ РАБОТЫ

Умножение

25.18=450.

 44.31≈1364. 3. $127 \cdot 29 = 3683$

 0.25 · 4.08 ≈ 1.020. 14.2.2.42≈34.4.

16.2 · 23≈373.

5.65·31.7≈171.1.

4.25·1.27≈5.40.

 0.005 · 611 ≈ 3.06. 10. $0.041 \cdot 1.35 \approx 0.0554$.

11. 2,03.0,05≈0,1015. 0.007 ⋅ 0.0316 ≈ 0.000221.

Деление

1. 680:5 = 136.

2. $0.873:0.25\approx3.49$. 3. 15,2:0,43≈35,3.

4. 12.81:0.073≈175.5. 5. 5600:25=224. 6. 1400:2.5=560.

7. 6,25:5=1,25. 6800:11,5≈591.

9. 1400:2,50=560. 10. 30:0.079≈380. 11. 0.017:0.25=0.068.

12, 0.0036:8=0.00045,

Умножение и деление

1. $(2.34 \cdot 3.21): 2.35 \approx 3.20$.

2. (0.23 - 2.35): 1.64 \approx 0.330.

3. $(1,57.51,4.2,15):(1,09.6,17.2,4)\approx 10,75$. 4. $(2,16\cdot0,09\cdot3,11):(0,05\cdot2,17\cdot8,64)\approx0,645$.

5. $(2,73 \cdot 0,08 \cdot 12,6 \cdot 3,11):(2,16 \cdot 7,39) \approx 0,536$ 6. $(4.17 \cdot 0.16 \cdot 23.1 \cdot 4.19) : (4.42 \cdot 8.91) \approx 1.640$

7. $(0.211 \cdot 4.16) : (0.64 \cdot 33.8 \cdot 462) \approx 0.0000883$.

8. (0.32·16.9·2.31):(0.05·0.45) ~555. 9. $2,38:(0,16\cdot0,39)\approx38,1.$

10. $0.81:(0.05:0.17)\approx 2.75$. 11. $6,19:(0.83\cdot411)\approx0.01815$.

12. $(0.16 \cdot 8.45) : (2.31 \cdot 0.07 \cdot 0.95) \approx 8.80$

Возведение в кнадрат

1. 14°=196.

94² ≈ 8840

- 891²≈794 000. 4. $0.0046^2 \approx 0.0000212$.
 - 5. 0,239²≈0,0571. 16,3²≈266.
 - 7. 0.06432 ~ 0.00413.

- 8. 0.0086² ≈ 0,0000740, 9. 6,93²≈48,0.
- 0,0074²≈0,0000548. 11. 12.6²≈158.8.
- 3.11²≈9.67.

Возведение в куб

- 22⁸≈10 600. 2. $12^3 \approx 1730$.
- 3. 128³≈2 100 000. 17.8³≈5640.
- 84.7³≈608 000. 6. $0.216^3 \approx 0.101$.

- 7. 0.05713 ≈ 0.000186. 8. $0.00619^{8} \approx 0.000000238$
 - 9. 15,93≈4020 10. 1,69³≈4,83.
 - 11. $0.014^3 \approx 0.00000274$. 12. 0,691³≈0,330.

Возведение в четвертую степень

- 51⁴≈6 760 000. 2. 37⁴≈1 870 000.
- 6,1⁴≈1380.
- 4. 2.4⁴≈33.2.
- 0,56⁴≈0,0983. 0.072⁴≈0.0000269. 7. 0.0184 \sigma 0.0000001050.
- 8. 1.54⁴ ≈ 5.62.

Извлечение квадратного корня

- 1. 1 150 ≈12,25.
- √ 662 ≈25,7.
- 3.·1 0.267 ≈0.517.
- 4. $\sqrt{1+0.104^2} \approx 1.005$. 5. $\sqrt{1+2.02^2} \approx 2.25$.
- 8. V 16.3° 2,31° ≈ 15,92.
- 9. V 5.11⁴+6.03² ≈26.8. 10. $\sqrt{6.23^3 - 3.16^2} \approx 15.22$

Извлечение кубического корня

- 1. ³√811 ≈9,33.
- 2. √ 23,9 ≈2,88.
- 3. 3 0.0611 ≈0.394.
- 4. $\sqrt{12,3^2+0,216^3} \approx 5.33$.
- √ 487 ≈7.87.

6. $\sqrt{0.0311} \approx 0.176$.

7. $\sqrt{1+0.75^2} \approx 1.250$.

- 3√68,1 ≈4,08. 7. $\sqrt[3]{0.0317} \approx 0.316$
- 8. $\sqrt[3]{11.3^2 \cdot 0.916^3} \approx 4.61$

Вычисления с десятичными логарифмами

3. $\lg 3, 18 \approx 0,502$. 6. $\lg n = 2,061$; $n \approx 115$. 4. $\lg 0,216 \approx 1,335$. 7. $\lg n = 0,258$; $n \approx 1,81$, 5. $\lg n = 1,708$; $n \approx 51,1$. 8. $\lg n = \overline{1,318}$; $n \approx 0,208$.

Возведение числа в любую степень $A^n = n \lg A$

1. $26,4^9 \approx 623 \cdot 10^{10}$. 2. $1,2^3,1^1 \approx 1,763$. 3. $283^{1,28} \approx 1228$. 4. $16,7^{0.0888} \approx 1,095$. 5. $841^{0.61} \approx 61,2$. 6. $12,1^{100} \approx 1901 \cdot 10^{106}$,

88. 6. 12,1¹⁰⁰≈1901·10¹⁰⁸, 7. 8400^{0.41}·264^{0.4}≈378.

Извления кория побой стана

Извлечение кория любой степени

1.
$$A = \sqrt[9]{302} \approx 1,218$$
.
2. $A = \sqrt[9]{100} = 4,29$.
3. $A = \sqrt[9]{186} \approx 1,787$.
4. $A = \sqrt[9]{5680} \approx 2,95$.
5. $A = \sqrt[9]{186} \approx 1,787$.

3.
$$A = \sqrt[8]{100} = 4,29$$
.
3. $A = \sqrt[8]{100} \approx 1,942$.
4. $A = \sqrt[16]{35,9} \approx 1,249$.

7.
$$A = \sqrt[5]{216^{0.44} + 0.216^{2.19}} \approx 1,990.$$

8. $A = \sqrt[9]{(28300 \sqrt[7]{416^{3}}):0.0819} \approx 5.16.$

Вычисления с тригонометрическими функциями

 1. tg $60^{\circ}\approx 1,732$.
 7. $311 \sin 49^{\circ}10'\approx 235$,

 2. $\sin 40^{\circ}10'\approx 0,645$.
 8. $264 \text{ ctg } 69^{\circ}20'\approx 99,6$.

 3. $\cos 42^{\circ}10'\approx 0,741$.
 9. $3,14 \sec 6^{\circ}30'\approx 3,16$.

4. sec 21° 20′ ≈1,074. 10. 291 :sin 96° ≈ 293. 1. sin 31° :sin 27° ≈1,134. 6. $18 \text{ tg } 16^{\circ} 10′ \approx 5,22$. 12. $0.6 \text{ tg } 18^{\circ} \text{ :tg } 10′ \approx 67$.

Определение угла а функции

1. $\sin \alpha = 0,199$; $\alpha \approx 11^{\circ}30'$, 5. $\sec \alpha = 1,07$; $\alpha \approx 20^{\circ}30'$. 2. $\cos \alpha = 0,900$; $\alpha \approx 25^{\circ}50'$, 6. $\sec \alpha = 2,03$; $\alpha \approx 60^{\circ}30'$. 7. $\csc \alpha = 2,19$; $\alpha \approx 27^{\circ}10'$, 7. $\csc \alpha = 2,19$; $\alpha \approx 27^{\circ}10'$,

4. $\lg \alpha = 1,02$; $\alpha \approx 45^{\circ} 30'$. 8. $\csc \alpha = 1,40$; $\alpha \approx 45^{\circ} 30'$.

Перевод градусов в радианную меру $Arc \alpha^{\circ} = (\pi \alpha^{\circ}):180^{\circ}$

1. 6° 10′≈0,108. 6. 24° 20′≈0,425. 2. 50° 40′≈0,885. 7. 86° 30′≈1,510,

3. 77° 40′ ≈ 1,356. 8. 61° 10′ ≈ 1,050, 4. 76° 20′ ≈ 1,332, 9. 47° 50′ ≈ 0,835.

4. $76^{\circ} 20' \approx 1,332$, 9, $47^{\circ} 50' \approx 0,835$. 5. $24^{\circ} 40' \approx 0,431$. 10, $55^{\circ} 50' \approx 0,974$.

Комплексные вычисления

Площадь круга S=πd²:4

1.	d = 30.5;	S≈731.	6.	d = 0.918	$S \approx 0.662$
2.	d = 163;	$S \approx 20900$.	7.	d = 12,7;	$S \approx 126.7$.
3.	d = 0.816;	$S \approx 0.523$.	8.	d = 0.819;	$S \approx 0.527$
4.	d=1,29;	S≈1,307.	9.	d = 631:	S≈3130.
5.	d = 4.11;	S≈13,27.	10.	d = 13.1:	S≈134.8.

5. a=4,11; $S\approx 13,2I$. 10. a=13,1; $S\approx 134,8$. 2. Длина одной трети окружности $L=2\pi R:3$

2. Длина одной трети окружности $L=2\pi i$ 1. R=16,3; $L\approx34,1$. 2. R=0,316; $L\approx0,662$. 5. R=8,13; $L\approx17,03$. 6. R=85,2; $L\approx178,4$.

2. R = 0.516; $L \approx 0.002$. 3. R = 2.84; $L \approx 5.95$. 4. R = 0.816; $L \approx 1.709$. 8. R = 0.0755; $L \approx 0.1581$.

3. Величина K=250πα:180°

1. $\alpha = 30^{\circ}$; $K \approx 130.9$. 2. $\alpha = 17^{\circ}$; $K \approx 74.2$. 3. $\alpha = 44^{\circ}$; $K \approx 192.0$. 4. $\alpha = 71^{\circ}$; $K \approx 31.2$. 8. $\alpha = 10^{\circ} 30^{\circ}$; $K \approx 10.30^{\circ}$.

4. Длина отрезка B=125 (sec (α/2) — 1)

1. $\alpha = 10^{\circ} 30'$; $\beta \approx 0.526$. 2. $\alpha = 14^{\circ} 30'$; $\beta \approx 1.01$. 3. $\alpha = 17^{\circ} 00'$; $\beta \approx 1.39$. 4. $\alpha = 22^{\circ}$; $\beta \approx 2.34$. 5. $\alpha = 31^{\circ}$; $\beta \approx 4.72$. 6. $\alpha = 45^{\circ}$; $\beta \approx 1.46$, 8. $\alpha = 147^{\circ}$; $\beta \approx 315$, 8. $\alpha = 147^{\circ}$; $\beta \approx 315$,

5. Дуга провеса h=250(1 — cos (a/2))

Величины h=(1/2) S sin 2v и Δ=2S sin² (λ/2)

10. a=78°; h≈27,9.

\$	ν	h	۵
131 211 123 54	10° 2° 18° 19°	22.4 7.36 36.2 16.6	1,99 0,129 6,02 2,94
91	40	5.64	0 197

5. $a = 62^{\circ}$; $h \approx 17.9$.

7. Определение числа *п* по данному десятичному логарифм**у**

anti lg	п	antl lg	n
2,168 1,843 2,315 1,164 0,152	147 69,7 207 0,146 1,42	3,216 2,356 3,122 1,158 2,164	0,00164 0,0227 0,00132 14,1 146

THITTPATVDA

1. Березин С. И. Техника элементарных вычислений. 2-е изп. воп. в перераб. — Л.: Машиностроение. 1974.

2. Дзюба Ф. Т. О логарифмической линейке. — Среднее специ-

альное образование, 1964. № 4.

Hayka, 1966.

3. Ларченко Е. Г. Техника вычислений.— М.; Геодезиздат, 1952. 4. Лифшиц Ф. Л. Счетивя линейка для экономистов — M.: Госстатиздат, 1954 5. Механизация вычислительных работ./Под общ. ред. проф.

Л. С. Хренова.— М.: Высшая школа, 1975.

6. Назаров В. Г. Справочник по логарифмической динейке. - М. г. Физматгиз, 1959.

7. Панов Ю. Д. Счетная динейка, 18-е изд.— М.: Наука, 1971. 8. Румшиский Л. З. Счетная линейка. 4-е изд.— М.: Наука, 1972. 9. Рывкин А. А., Рывкин А. З., Хренов Л. С. Справочник по ма-

тематике. 3-е изд.— М.: Высшая школа, 1975. 10. Широких И. И., Логарифмическая линейка в ее применевне, Томское книжное изд-во, 1964. 11. Хренов Л. С. Малые вычислительные машины. 4-е изд. - М.

СОДЕРЖАНИЕ

П В	реди веде	слов ние	BH@ •	:	:	;	:	:	:	:	:	:	:	:	:		1	3
		Н	орма	льи	ые	счет	ные	ло	гари	фм	ичес	кне	дн	нейз	CH.			
ושינשינשינשינשי	2.	Шка Уста	HOB	лин ка в	ейк 1 91	н ени		сел	по		ілам ескн		ней	ки		:	;	8 11 14 17
tononon an	6. 7.	ческ Осо При	имн бые имен	вы зна ение	раж чкн е ли	ения на ней	имн шка ки	алах при	лн рас	ней чет	ескн ки ах алал	:	:	:	:	:		18 28 30 36
J	иней	аки о	с дв								и Эс			«Ле	нин	град	(3 ₇)	
con concor	9. 10. 11.	Лии Лии Лии	ейк нейк нейк	a «. a «. a «!	Ten Tora Ceño	ннгр врек фелн	ад» с»	Эсс	: ep»	:	:	:		:	:	:	:	39 45 51
	Ди	нско	вая	сче:	гная	по	гар	ифм	ичес	кая	пи	ней	ка	«Сп	утня	IK⊅		
Š	12. 13. 14.	Уст: При	анов нэмі	вка : енне	н чт Элн	ней	е чн	сел Спу	по :	шка к»	лам	ли	ней	ки «		тни	K⊅ e	52 54 59
2	15.																	67
Source.	16. 17. 18.	Уста При	анов імен	ка енне	H Q	тени іней	е ч	ксел КЛ-	по	шн		и л	ине	йки	ΚЛ	-1		67 69 72 79
II y	акли рило прах итер	жен	RHE	для	C	OME	ROT	тель	ной	p:	абот	ы		:		:	:	85 86 89 94

Леонид Сергеевич Хренов Юлий Васильевич Визиров

ЛОГАРИФМИЧЕСКАЯ ЛИНЕЯКА

Зав. редакцией Е. С. Гридасова. Редактор Н., П. Майкова. Художвик В. Н. Хомиков. Художоственный редактор В. И. Повомаревко. Технический редактор Н. В. Яшухова. Корректор Г. И. Кострикова.

ИБ № 2862

Изд. № ФМ-792. Сдано в набор 27.04.83. Подп. в печать 25.11.83. Формат 84×108/в. Бум. тип. № 3. Гарвятура литературнав. Печать высокая. Объем 5,04 усл. печ. л. 5,25 усл. кр.-011. 4.82 уч.-изд. а. Твраж 240 000 экз. Зак. № 404. Цена 25 ком.

Издатедьство «Высшая шкода», 101430, Москва, ГСП-4, Негливная уа., п. 29/14 Отпечатава с матриц типография вздательства «Уральский рабочин-г. Свердловск, проспект Ленвиа, 49 в Московской гилография № 13 Пеневана Сесер-«Периодика» ВО «Сомоволиграфпром» Госуадрегениемог комитета СССР во делам вздательств, полиграфия в квижной герговли. 107005, Москва Б.А. Деневосекий вср., и 30



